

سری سوال: یک ۱

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۱۲۰ تشریحی: ۰

تعداد سوالات: تستی: ۳۰ تشریحی: ۰

عنوان درس: آمار در علوم اجتماعی، آمار در علوم اجتماعی

و شته تحصیلی / کد درس: - جامعه شناسی ۱۱۱۷۱۲۰ - ، علوم اجتماعی (پژوهشگری علوم اجتماعی)، علوم اجتماعی (تعاون و رفاه اجتماعی) ۱۲۲۲۰۱۹

علوم اجتماعی (مددکاری اجتماعی) ۱۲۲۲۱۴۲ - ، علوم اجتماعی (برنامه ریزی اجتماعی تعاون و رفاه) ۱۲۲۲۱۸۴ - ، علوم

ارتباطات اجتماعی (روابط عمومی)، علوم ارتباطات اجتماعی (روزنامه نگاری) ۱۲۲۲۳۰۹

استفاده از ماشین حساب ساده مجاز است

۱- اگر $r_{xy} < 0$ باشد، آنگاه:

۱. همبستگی بین اندازه های دو متغیر، معکوس کامل است.

۴. همبستگی بین اندازه های دو متغیر، مستقیم ناقص است.

۳. همبستگی بین اندازه های دو متغیر، معکوس کامل است.

۲- ضریب تعیین نشان می دهد که:

۱. چند درصد از کل واریانس Y ناشی از واریانس X است.

۲. چند درصد از کل واریانس X ناشی از واریانس Y است.

۳. چند درصد از واریانس متغیر Y ناشی از متغیر X است.

۴. چند درصد از واریانس متغیر Y و X ناشی از متغیر X است.

۳- آماره آزمون معناداری ضریب همبستگی کدام است؟

۲. توزیع نرمال استاندارد

۱. t با $N-1$ درجه آزادی۴. t با N درجه آزادی۳. t با $N-2$ درجه آزادی**۴- در چه صورتی، در برآورد رگرسیونی پیش بینی و برآورد دقیق تر است؟**

۲. اگر ضریب همبستگی صفر باشد.

۱. هر چه خطای برآورد به یک نزدیک تر باشد.

۴. هر چه خطای برآورد به صفر نزدیک تر باشد.

۳. اگر ضریب همبستگی وجود نداشته باشد.

۵- تعریف خطای نوع اول کدام است؟۲. احتمال رد فرض H_1 در صورتی که H_0 درست باشد.۱. احتمال رد فرض H_0 در صورتی که H_1 درست باشد.۴. احتمال رد فرض H_1 در صورتی که H_0 درست باشد.۳. احتمال رد فرض H_0 در صورتی که H_1 درست باشد.**۶- سطح معنادار بودن یک آزمون چه نامیده می شود؟**

۴. خطای نوع اول

۳. سطح اطمینان

۲. توان آزمون

۱. خطای نوع دوم

۲. افزایش حجم نمونه

۴. همه موارد

۱. کاهش سطح معناداری

۳. افزایش انحراف معیار متغیرها

۷- عوامل موثر بر افزایش توان آزمون کدام است؟

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۱۲۰ تشریحی: ۰

تعداد سوالات: تستی: ۳۰ تشریحی: ۰

عنوان درس: آمار در علوم اجتماعی، آمار در علوم اجتماعی

و شته تحصیلی / کد درس: جامعه شناسی ۱۱۱۷۱۲۰ - ، علوم اجتماعی (پژوهشگری علوم اجتماعی)، علوم اجتماعی (تعاون و رفاه اجتماعی) ۱۲۲۲۰۱۹ - ،

علوم اجتماعی (مددکاری اجتماعی) ۱۲۲۲۱۴۲ - ، علوم اجتماعی (برنامه ریزی اجتماعی تعاون و رفاه) ۱۲۲۲۱۸۴ - ، علوم

ارتباطات اجتماعی (روابط عمومی)، علوم ارتباطات اجتماعی (روزنامه نگاری) ۱۲۲۲۳۰۹ -

۸- آماره آزمون طرح پیش آزمون-پس آزمون در کدام گزینه قرار دارد؟۲. t وابسته با n درجه آزادی۱. t مستقل با $n-1$ درجه آزادی۴. t مستقل با n درجه آزادی۳. t وابسته با $n-1$ درجه آزادی**۹- گزینه مناسب در مورد فرضیه تحقیق حداکثر ۱۰ درصد دانشجویان در امتحانات پایان ترم رد می شوند، کدام است؟**

$$\begin{cases} H_0: P > 0/10 \\ H_1: P \leq 0/10 \end{cases}$$

$$\begin{cases} H_0: P < 0/10 \\ H_1: P \geq 0/10 \end{cases}$$

$$\begin{cases} H_0: P \geq 0/10 \\ H_1: P < 0/10 \end{cases}$$

$$\begin{cases} H_0: P \leq 0/10 \\ H_1: P > 0/10 \end{cases}$$

۱۰- توان آزمون در مورد آزمون های یک دامنه (جهت دار):

۲. برابر با آزمون های دو دامنه (بدون جهت) است.

۱. کمتر از آزمون های دو دامنه (بدون جهت) است.

۴. بیش از آزمون های یک دامنه (جهت دارمنفی) است.

۳. بیش از آزمون های دو دامنه (بدون جهت) است.

۱۱- اگر پژوهشگری بخواهد این فرضیه را آزمون کند "بین میانگین وضعیت تحصیلی دانش آموزان دختر و پسر در امتحانات نهایی سال سوم متوسطه تفاوت وجود ندارد" از کدام روش آزمون استفاده می کند؟

۲. آزمون زوجهای جورشده یا همتا

۱. آزمون طرح پیش آزمون - پس آزمون

۴. آزمون t مستقل۳. آزمون Z **۱۲- به منظور بررسی رابطه بین جنسیت (متغیر دو ارزشی) و وزن (متغیر پیوسته) از کدام روش همبستگی استفاده می کنیم؟**

۲. روش همبستگی دو رشته ای

۱. روش همبستگی دو رشته ای

۴. روش همبستگی اسپیرمن

۳. روش همبستگی پیرسون

۱۳- کدام گزینه در مورد ضریب هماهنگی کندال صحیح است؟

۱. ضریب هماهنگی کندال نمی تواند منفی باشد و حداقل مقدار آن نیز ۱ است.

۲. ضریب هماهنگی کندال می تواند منفی باشد و مقدار آن بین ۱ و -۱ است.

۳. ضریب هماهنگی کندال می تواند مثبت باشد و حداقل مقدار آن ۵ است.

۴. ارزش های بحرانی W به تعداد داوران (M) و تعداد رتبه ها (N) در هر مجموعه بستگی ندارد.

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۱۲۰ تشریحی: ۰

تعداد سوالات: تستی: ۳۰ تشریحی: ۰

عنوان درس: آمار در علوم اجتماعی، آمار در علوم اجتماعی

و شته تحصیلی / کد درس: جامعه شناسی ۱۱۱۷۱۲۰ - ، علوم اجتماعی (پژوهشگری علوم اجتماعی)، علوم اجتماعی (تعاون و رفاه اجتماعی) ۱۲۲۲۰۱۹ - ،

علوم اجتماعی (مددکاری اجتماعی) ۱۲۲۲۱۴۲ - ، علوم اجتماعی (برنامه ریزی اجتماعی تعاون و رفاه) ۱۲۲۲۱۸۴ - ، علوم

ارتباطات اجتماعی (روابط عمومی)، علوم ارتباطات اجتماعی (روزنامه نگاری) ۱۲۲۲۳۰۹

۱۴- کدام گزینه در مورد طرح پیش آزمون - پس آزمون درست است؟

۱. هر زوج مشاهده وابسته به زوج های دیگر است.

۲. به این طرح، طرح اندازه گیری مکرر نیز گفته می شود.

۳. هر آزمودنی دارای یک نوع اندازه پیش آزمون و پس آزمون است.

۴. اندازه های پیش آزمون، مستقل از اندازه های پس آزمون است.

۱۵- آماره آزمون مقایسه میانگین های بیش از دو جامعه کدام است؟

F . ۴

t . ۳ مستقل

t . ۲ وابسته

Z . ۱

۱۶- در جدول آنالیز واریانس (ANOVA)، درجه آزادی درون گروه را بیابید؟

منابع تغییرات	SS	df	MS	F
بین گروه ها	-	۳	۳۲/۷۸	
درون گروه ها	-	-	-	
کل	۳۳۰/۶۳	۲۳		۲/۸۲

۱۷ . ۴

۲۶ . ۳

۲۰ . ۲

۵ . ۱

۱۷- در جدول آنالیز واریانس زیر، MS درون گروه را بیابید؟

منابع تغییرات	SS	df	MS	F
بین گروه ها	-	۳	۳۲/۷۸	
درون گروه ها	-	-	-	
کل	۳۳۰/۶۳	۲۳		۲/۸۲

۸/۵ . ۴

۱۱/۶۱ . ۳

۲۳۲/۲۹ . ۲

۹۸/۳۴ . ۱

۱۸- اگر ضریب همبستگی (r_{xy}) محاسبه شده بزرگتر از مقادیر بحرانی جدول باشد، آنگاه:

۱. می توان فرضیه صفر را تایید کرد.
 ۲. می توان فرضیه تحقیق را رد کرد.
 ۳. می توان فرضیه صفر را رد کرد.
 ۴. ضریب همبستگی محاسبه شده معنادار نیست.

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۱۲۰ تشریحی: ۰

تعداد سوالات: تستی: ۳۰ تشریحی: ۰

عنوان درس: آمار در علوم اجتماعی، آمار در علوم اجتماعی

و شته تحصیلی / کد درس: جامعه شناسی ۱۱۱۷۱۲۰ - ، علوم اجتماعی (پژوهشگری علوم اجتماعی)، علوم اجتماعی (تعاون و رفاه اجتماعی) ۱۲۲۲۰۱۹ - ،

علوم اجتماعی (مددکاری اجتماعی) ۱۲۲۲۱۴۲ - ، علوم اجتماعی (برنامه ریزی اجتماعی تعاون و رفاه) ۱۲۲۲۱۸۴ - ، علوم

ارتباطات اجتماعی (روابط عمومی)، علوم ارتباطات اجتماعی (روزنامه نگاری) ۱۲۲۲۳۰۹ -

۱۹- گزینه درست در مورد واریانس درون گروه ها و واریانس بین گروه ها را مشخص کنید؟

۱. واریانس درون گروه ها پراکندگی نمره ها را در درون هریک از k گروه نشان می دهد.
۲. واریانس بین گروه ها پراکندگی نمره ها را در درون هریک از k گروه نشان می دهد
۳. واریانس بین گروه ها اندازه اختلاف بین میانگین های k نمونه را نشان نمی دهد.
۴. واریانس درون گروه ها اندازه اختلاف بین میانگین های k نمونه را نشان می دهد.

۲۰- تفاوت عمدۀ تحلیل واریانس در مقایسه با آزمون t چندگانه کدام است؟

۱. افزایش سطح معناداری
۲. کاهش خطای نوع دوم
۳. کاهش سطح اطمینان
۴. کاهش خطای نوع اول

۲۱- در کدام حالت از آزمون ناپارامتری استفاده می شود؟

۱. وقتی که توزیع جامعه مشخص نباشد.
۲. وقتی مقیاس اسمی باشد.
۳. همه موارد
۴. همه موارد

۲۲- استفاده از قسمتی از اطلاعات نه تمام اطلاعات از معایب کدام یک از آزمون های آماری است؟

۱. آزمون های غیر پارامتریک
۲. آزمون های پارامتریک
۳. آزمون های پارامتریک و غیر پارامتریک
۴. آزمون توزیع t

۲۳- برای بیان اختلاف بین فراوانی مشاهده شده و فراوانی مورد انتظار از کدام آزمون استفاده می شود؟

۱. آزمون میانه
۲. آزمون مجذور خی دو(کای)
۳. آزمون ویل کاکسون
۴. آزمون نشانه

۲۴- کدام گزینه در مورد آزمون خی دو (کای) صحیح است؟

۱. برای مقادیر شمارش نشده و مقیاس اندازه گیری آن اسمی باشد.
۲. برای مقادیر شمارش شده و مقیاس اندازه گیری آن فاصله ای باشد.
۳. برای مقادیر شمارش نشده و مقیاس اندازه گیری آن فاصله ای باشد.
۴. برای مقادیر شمارش شده یا گسیسته به کار می رود و مقیاس اندازه گیری آن اسمی باشد.

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۱۲۰ تشریحی: ۰

تعداد سوالات: تستی: ۳۰ تشریحی: ۰

عنوان درس: آمار در علوم اجتماعی، آمار در علوم اجتماعی

و شته تحصیلی/ کد درس: جامعه شناسی ۱۱۱۷۱۲۰ - ، علوم اجتماعی (پژوهشگری علوم اجتماعی)، علوم اجتماعی (تعاون و رفاه اجتماعی) ۱۲۲۰۱۹ - ،

علوم اجتماعی (مددکاری اجتماعی) ۱۲۲۲۱۴۲ - ، علوم اجتماعی (برنامه ریزی اجتماعی تعاون و رفاه) ۱۲۲۲۱۸۴ - ، علوم

ارتباطات اجتماعی (روابط عمومی)، علوم ارتباطات اجتماعی (روزنامه نگاری) ۱۲۲۲۳۰۹ -

۲۵- شرط استفاده از آزمون مجذور خی (کای) در روش ناپارامتری کدام است؟

۲. فراوانی های مورد انتظار در مقوله یا گروه کمتر از ۵ باشد.

۱. داده ها وابسته به یکدیگر باشند.

۴. داده ها مستقل از یکدیگر باشند.

۳. هر مشاهده باید در دو مقوله یا دو گروه قرار داشته باشد.

۲۶- در محاسبه آزمون مجذور خی (کای) در چه صورت از تصحیح یتس استفاده می شود؟

۲. وقتی درجه آزادی یک شود.

۱. وقتی درجه آزادی کمتر از یک باشد.

۴. وقتی درجه آزادی کمتر از ۵ شود.

۳. وقتی درجه آزادی بیشتر از یک شود.

$$\text{در فرمول } \chi^2 = \sum \frac{(F_O - F_E)^2}{F_E} \text{ منظور از } F_E \text{ چیست؟} \quad \text{۲۷}$$

۲. فراوانی کل

۱. فراوانی مورد مشاهده و مورد انتظار

۴. فراوانی مورد انتظار

۳. فراوانی مورد مشاهده

۲۸- در آزمون کی دو در صورتی که جدول داده ها ۴ سطر و ۵ ستون داشته باشد، درجه آزادی برابر است با:

۱۲. ۴

۷. ۳

۲۰. ۲

۱۹. ۱

۲۹- کدام گزینه در مورد ضریب توافق چوپروف درست است؟

۱. برای تعیین میزان شدت وابستگی بین صفات از این فرمول استفاده می شود.

۲. این فرمول فقط از فراوانی های جدول تبعیت می کند و متغیر ها در این فرمول دخالتی دارند.

۳. این فرمول از فراوانی های جدول تبعیت نمی کند و متغیر ها در این فرمول دخالت دارند.

۴. اگر به یک نزدیک باشد پیوند ضعیف صفات را نشان می دهد.

۳۰- ضریب کروسکال وقتی به کار برده می شود که:

۲. متغیر کیفی باشد.

۱. متغیر کمی باشد.

۴. متغیر اسمی باشد.

۳. متغیر کیفی و کمی باشد.

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۱۲۰ تشریحی: ۰

تعداد سوالات: تستی: ۳۰ تشریحی: ۰

عنوان درس: آمار در علوم اجتماعی، آمار در علوم اجتماعی

رشته تحصیلی/گد درس: جامعه شناسی ۱۱۱۷۱۲۰ - ، علوم اجتماعی (پژوهشگری علوم اجتماعی)، علوم اجتماعی (تعاون و رفاه اجتماعی) ۱۲۲۲۰۱۹ -

علوم اجتماعی (مددکاری اجتماعی) ۱۲۲۲۱۴۲ - ، علوم اجتماعی (برنامه ریزی اجتماعی تعاون و رفاه) ۱۲۲۲۱۸۴ - ، علوم

ارتباطات اجتماعی (روابط عمومی)، علوم ارتباطات اجتماعی (روزنامه نگاری) ۱۲۲۲۳۰۹

$$r_{xy} = \frac{\sum(X - \bar{X})(Y - \bar{Y})}{\sqrt{\left[\sum(X - \bar{X})^2\right]\left[\sum(Y - \bar{Y})^2\right]}} = \frac{N \sum XY - (\sum X)(\sum Y)}{\sqrt{[N \sum X^2 - (\sum X)^2][N \sum Y^2 - (\sum Y)^2]}}$$

$$r_{xy} = \frac{S_{pXY}}{NS_X.S_Y} \quad r_{ho} = \rho = 1 - \frac{6\sum d^2}{N(N^2 - 1)}$$

$$t = r \sqrt{\frac{N-1}{1-r^2}} \quad r_p bis = \frac{\bar{X}_p - \bar{X}_t}{S_x} \sqrt{\frac{p}{q}}$$

$$r_{bis} = \frac{\bar{X}_p - \bar{X}_t}{S_x} \left(\frac{p}{y} \right) \quad Q = \frac{p_{xy} - p_x p_y}{\sqrt{p_x q_x \times p_y q_y}}$$

$$r_{tet} = \frac{(b)(a)}{(a)(b)} \quad w = \frac{SS_r}{\frac{1}{m^2} m^2 (n^2 - n)} \quad a_{xy} = \bar{y} - b \bar{x}$$

$$\chi^2 = m(n-1)w \quad y' = a + bX \quad t = \frac{|\bar{X}_1 - \bar{X}_p|}{\sqrt{\frac{S_1^2}{n_1} + \frac{S_p^2}{n_p}}} \quad b_{xy} = \frac{S_{pxy}}{SS_x}$$

$$t = \frac{|\bar{X}_1 - \bar{X}_p|}{\sqrt{\left(\frac{(n_1-1)S_1^2 + (n_p-1)S_p^2}{n_1+n_p-2}\right) \times \left(\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_p}\right)}} \quad t = \frac{\bar{D} - \mu_o D}{S_{\bar{D}}}$$

$$t = \frac{|\bar{X}_1 - \bar{X}_p|}{\sqrt{S_{\bar{X}_1}^2 + S_{\bar{X}_p}^2 - \left(\bar{r}_{1,p} S_{\bar{X}_1} S_{\bar{X}_p}\right)}} \quad z = \frac{|p_1 - p_p|}{\sqrt{\frac{pq}{n}}} \quad z = \frac{|p_1 - p_p|}{\sqrt{\frac{p_1 q_1}{n_1} + \frac{p_p q_p}{n_p}}} \quad z = \frac{\bar{X} - \mu_o}{S_{\bar{X}}}$$

$$SS_t = \sum X^2 - \frac{(\sum X)^2}{N} \quad SS_b = \sum \left(\frac{(\sum X_i)^2}{n_i} \right) - \frac{(\sum X)^2}{N} \quad SS_w = SS_t - SS_b$$

$$q = \frac{\bar{X}_H - \bar{X}_L}{\sqrt{\frac{MS_w}{n}}} \quad t_{sw} = \frac{|\hat{c}|}{\sqrt{MS_w \sum \frac{w_i^2}{n_i}}} \quad t = \sqrt{(k-1)F(\alpha, k-1, df_w)}$$

$$t = \frac{|\hat{c}|}{\sqrt{MS_w \left(\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_p} \right)}} \quad HSD = q_{(\alpha, df_w, k)} \sqrt{\frac{MS_w}{n}} \quad S_e = \sqrt{\frac{\sum (Y - \bar{Y})^2}{n}} = \sqrt{\frac{\sum e^2}{n}}$$

$$n = \frac{k}{\sum \frac{1}{n_i}} \quad \chi^2 = \sum \frac{(O - E)^2}{E} \quad \sigma_u = \sqrt{\frac{n_1 n_p (n_1 + n_p + 1)}{12}} \quad \mu_u = \frac{n_1 n_p}{12}$$

$$v = \sqrt{\frac{x^r}{N \cdot \min(k-1, t-1)}} \quad x^r = \frac{N(ad-bc)^r}{e.f.g.h}$$

$$\tau_y = \frac{E_1 - E_r}{E_1} \quad E_1 = \sum_{j=1}^z \left(\frac{N - n_j}{N} \right) n_j \quad \mu_U = \frac{n_1 n_r}{r} \quad \sigma_U = \sqrt{\frac{n_1 n_r (n_1 + n_r + 1)}{12}}$$

$$E_r = \sum_{i=1}^k \sum_{j=1}^I \frac{(n_i - n_{ij})}{n_i} n_{ij} \quad d_{y \rightarrow x} = \frac{N_s - N_d}{N_s + N_d + T_y}$$

$$\tau_b = \sqrt{d_{y \rightarrow x} \times d_{x \rightarrow y}} \quad \lambda = \frac{\sum my - My}{N - My} \quad T = C_n^r = \frac{N}{r} (N - 1)$$

$$Q = \frac{ad - bc}{ad + bc} \quad c = \sqrt{\frac{x^r}{x^r + N}} \quad \varphi = \frac{|ab - bc|}{\sqrt{e.f.g.h}}$$

$$d = |\bar{x} - \mu| \quad s_d = \sqrt{\frac{ss_1 + ss_r}{n_1 + n_r - r} \left(\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_r} \right)} \quad ss_T = \sum_i \sum_j x_{ij}^r - CF_T$$

$$ss_e = ss_T - ss_a \quad E_{(x)} = n p \quad \chi^r = \sum_i \sum_j \frac{(n_i - n_{ith})^r}{n_{ith}}$$

$$n_{ith} = \frac{n_i \times n_j}{n} \quad PC = \sqrt{\frac{x^r}{N \sqrt{(k-1)(I-1)}}} \quad \varphi = \sqrt{\frac{x^r}{N}}$$

$$U = n_1 n_r + \left[\frac{n_1 (n_1 + 1)}{r} \right] - \sum R_1 \quad U = n_1 n_r + \left[\frac{n_r (n_r + 1)}{r} \right] - \sum R_r$$

$$S_e = \sqrt{\frac{\sum (Y - Y')^r}{n}} = \sqrt{\frac{e^r}{n}}$$

$$\chi^r = \frac{N [|ad - bc| - \frac{N}{r}]^r}{e.f.g.h} \quad N = \frac{k}{\sum \frac{1}{n_i}} \quad \chi^r = \sum \frac{(o - E)^r}{E}$$

سری سوال: یک ۱

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۱۲۰ تشریحی: ۰

تعداد سوالات: تستی: ۳۰ تشریحی: ۰

عنوان درس: آمار در علوم اجتماعی، آمار در علوم اجتماعی

رشته تحصیلی/گد درس:، - جامعه شناسی ۱۱۱۷۱۲۰ -، علوم اجتماعی (پژوهشگری علوم اجتماعی)، علوم اجتماعی (تعاون و رفاه اجتماعی) ۱۲۲۲۰۱۹

علوم اجتماعی (مددکاری اجتماعی) ۱۲۲۲۱۴۲ -، علوم اجتماعی (برنامه ریزی اجتماعی تعاون و رفاه) ۱۲۲۲۱۸۴ -، علوم

ارتباطات اجتماعی (روابط عمومی)، علوم ارتباطات اجتماعی (روزنامه نگاری) ۱۲۲۲۳۰۹

$$\sigma_u = \sqrt{\frac{n_1 \cdot n_2 (n_1 + n_2 + 1)}{12}} \quad \mu_u = \frac{n_1 \cdot n_2}{2}$$

$$MS_b = \frac{SS_b}{df_b} = MS_b = \frac{SS_b}{df_b} \quad MS_w = \frac{SS_w}{df_w} \quad F = \frac{MS_b}{MS_w}$$

$$\tau_a = \frac{N_s - N_d}{T} \quad \gamma = \frac{N_s - N_d}{N_s + N_d} \quad d_{x \setminus y} = \frac{N_s - N_d}{N_s + N_d + T_X}$$

$$\tau_c = \frac{N_s - N_d}{N^r (m-1)} \quad \rho_c = \sqrt{\frac{X^r}{N \sqrt{(k-1)(l-1)}}} \quad \lambda = \frac{\sum m_y - M_y}{N - M_y}$$

$$c = \sqrt{\frac{\chi^r}{\chi^r + N}}$$