



تعداد سوالات: تستی: ۵ تشریحی: ۵

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۱۲۰ تشریحی: ۱۲۰

کُد سری سؤال: یک ۱

نام درس: ارتعاشات مکانیکی

رشته تحصیلی / کد درس : مهندسی خودرو ، مهندسی راه آهن - جریه ، مهندسی رباتیک ، مهندسی مکانیک - ساخت و تولید، مهندسی مکانیک گرایش حرارت و سیالات ، مهندسی مکانیک گرایش جامدات ، مهندسی مهندسی هوا فضا ۱۳۱۵۰۷۰

بارم هر سوال ۲/۸۰ می باشد.

- ۱- الف- حداقل متغیرهای مستقل لازم برای تعریف حرکت یک سیستم درجه آزادی سیستم می باشد.
 ب- در ارتعاش ازاد تحریک خارجی روی سیستم وجود ندارد ولی در ارتعاش اجباری سیستم توسط نیرو یا گشتاور خارجی تحریک می شود.
 ج- برای دور بودن از پدیده تشدید در حالت کاری سیستم (به منظور طراحی)
 د- لگاریتم نسبت دو دامنه متوالی کاهش لگاریتمی است و از ان برای تخمین میرایی سیستم استفاده می شود.
 ن- معادلات حاکم بر سیستم گسسته معادلات دیفرانسیل معمولی ولی معادلات حاکم بر سیستم پیوسته معادلات با مشتقات جزئی می باشد.
 و- دارای n درجه آزادی می باشد.
 ه- در این حالت فرکانس ارتعاش صفر است و جسم همانند یک جسم صلب حرکت می کند.

-۲

$$x = R\theta, U = \frac{1}{2} kx^2, K.E = \frac{1}{2} \left(\frac{3}{2} mR^2 \right) \theta \cdot \dot{\theta}^2 = \frac{3}{4} m\dot{x}^2, \quad \frac{d}{dt}(U + K.E) = 0 \rightarrow$$

$$\frac{3}{2} m\ddot{x} + kx = 0 \rightarrow \omega_n = \sqrt{\frac{2k}{3m}}$$



تعداد سوالات: تستی: ۵ تشریحی: ۵

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۱۲۰ تشریحی: ۱۲۰

کُد سری سؤال: یک ۱

نام درس: ارتعاشات مکانیکی

رشته تحصیلی / کد درس : مهندسی خودرو ، مهندسی راه آهن - جریه ، مهندسی رباتیک ، مهندسی مکانیک - ساخت و تولید، مهندسی مکانیک گرایش حرارت و سیالات ، مهندسی مکانیک گرایش جامدات ، مهندسی مهندسی هوا فضا ۱۳۱۵۰۷۰

-۳

(i) (a) Viscous damping, (b) Coulomb damping.

(iii) (a) $\tau_d = 0.2 \text{ sec}$, $f_d = 5 \text{ Hz}$, $\omega_d = 31.416 \text{ rad/sec}$.(b) $\tau_n = 0.2 \text{ sec}$, $f_n = 5 \text{ Hz}$, $\omega_n = 31.416 \text{ rad/sec}$.(ii) (a) $\frac{x_i}{x_{i+1}} = e^{\zeta \omega_n \tau_d}$

$$\ln \left(\frac{x_i}{x_{i+1}} \right) = \ln 2 = 0.6931 = \frac{2 \pi \zeta}{\sqrt{1 - \zeta^2}} \cdot \text{sp}$$

$$\text{or } 39.9590 \zeta^2 = 0.4804 \quad \text{or } \zeta = 0.1096$$

Since $\omega_d = \omega_n \sqrt{1 - \zeta^2}$, we find

$$\omega_n = \frac{\omega_d}{\sqrt{1 - \zeta^2}} = \frac{31.416}{\sqrt{0.98798}} = 31.6065 \text{ rad/sec}$$

$$k = m \omega_n^2 = \left(\frac{500}{9.81} \right) (31.6065)^2 = 5.0916 (10^4) \text{ N/m}$$

$$\zeta = \frac{c}{c_c} = \frac{c}{2 m \omega_n}$$

$$\text{Hence } c = 2 m \omega_n \zeta = 2 \left(\frac{500}{9.81} \right) (31.6065) (0.1096) = 353.1164 \text{ N-s/m}$$

(b) From Eq. (2.116):

$$k = m \omega_n^2 = \frac{500}{9.81} (31.416)^2 = 5.0304 (10^4) \text{ N/m}$$

Using $N = W = 500 \text{ N}$,

$$\mu = \frac{0.002 k}{4 W} = \frac{(0.002) (5.0304 (10^4))}{4 (500)} = 0.0503$$



تعداد سوالات: تستی: ۵ تشریحی: ۵

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۱۲۰ تشریحی: ۱۲۰

کُد سری سؤال: یک ۱

نام درس: ارتعاشات مکانیکی

رشته تحصیلی / کد درس : مهندسی خودرو ، مهندسی راه آهن - جریه ، مهندسی رباتیک ، مهندسی مکانیک - ساخت و تولید، مهندسی مکانیک گرایش حرارت و سیالات ، مهندسی مکانیک گرایش جامدات ، مهندسی مهندسی هوا فضا ۱۳۱۵۰۷۰

-۴

$$m \begin{bmatrix} 3 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{Bmatrix} \ddot{x}_1 \\ \ddot{x}_2 \end{Bmatrix} + k \begin{bmatrix} 2 & -1 \\ -1 & 4 \end{bmatrix} \begin{Bmatrix} x_1 \\ x_2 \end{Bmatrix} = \begin{Bmatrix} 0 \\ 0 \end{Bmatrix}$$

$$\lambda = m \frac{\omega^2}{k} \rightarrow \begin{vmatrix} 2-3\lambda & -1 \\ -1 & 4-\lambda \end{vmatrix} = 0 \rightarrow 3\lambda^2 - 14\lambda + 7 = 0$$

$$\lambda = \begin{cases} 0.570 = m \frac{\omega_1}{k} & \rightarrow \frac{X_1}{X_2} \Big|_1 = 4 - \lambda_1 = 0.614 \\ 4.096 = m \frac{\omega_2}{k} & \rightarrow \frac{X_1}{X_2} \Big|_2 = 4 - \lambda_2 = -1.618 \end{cases}$$



تعداد سوالات: تستی: ۵ تشریحی: ۵

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۱۲۰ تشریحی: ۱۲۰

کُد سری سؤال: یک ۱

نام درس: ارتعاشات مکانیکی

رشته تحصیلی / کد درس : مهندسی خودرو ، مهندسی راه آهن - جریه ، مهندسی رباتیک ، مهندسی مکانیک - ساخت و تولید، مهندسی مکانیک گرایش حرارت و سیالات ، مهندسی مکانیک گرایش جامدات ، مهندسی مهندسی هوا فضا ۱۳۱۵۰۷۰

۵- به حل مثال ۶-۱۵ کتاب توجه شود.

$$\omega_1 = 1.5811, \quad \vec{X}^{(1)} = \begin{Bmatrix} 1 \\ 2 \end{Bmatrix} X_1^{(1)}$$

$$\omega_2 = 2.4495, \quad \vec{X}^{(2)} = \begin{Bmatrix} 1 \\ -5 \end{Bmatrix} X_1^{(2)}$$

$$\vec{X}^{(1)T} [m] \vec{X}^{(1)} = 1 \Rightarrow (X_1^{(1)})^2 \{1 \quad 2\} \begin{bmatrix} 10 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{Bmatrix} 1 \\ 2 \end{Bmatrix} = 1$$

$$\text{or } X_1^{(1)} = 0.2673$$

$$\vec{X}^{(2)T} [m] \vec{X}^{(2)} = 1 \Rightarrow (X_1^{(2)})^2 \{1 \quad -5\} \begin{bmatrix} 10 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{Bmatrix} 1 \\ -5 \end{Bmatrix} = 1$$

$$\text{or } X_1^{(2)} = 0.1690$$

$$[X] = \begin{bmatrix} \vec{X}^{(1)} & \vec{X}^{(2)} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0.2673 & 0.1690 \\ 0.5346 & -0.8450 \end{bmatrix}$$

$$\vec{x}(t) = [X] \vec{q}(t)$$

$$\ddot{\vec{q}}(t) + [\omega^2] \vec{q}(t) = \vec{Q}(t) = \vec{0} \quad q_i(t) = q_{i0} \cos \omega_i t + \frac{\dot{q}_{i0}}{\omega_i} \sin \omega_i t$$

$$q_1(t) = 2.673 \cos 1.5811t$$

$$q_2(t) = 1.690 \cos 2.4495t$$

$$\vec{x}(t) = \begin{bmatrix} 0.2673 & 0.1690 \\ 0.5346 & -0.8450 \end{bmatrix} \begin{Bmatrix} 2.673 \cos 1.5811t \\ 1.690 \cos 2.4495t \end{Bmatrix}$$

$$\begin{Bmatrix} x_1(t) \\ x_2(t) \end{Bmatrix} = \begin{Bmatrix} 0.7145 \cos 1.5811t + 0.2856 \cos 2.4495t \\ 1.4280 \cos 1.5811t - 1.4280 \cos 2.4495t \end{Bmatrix}$$