

سری سوال: یک ۱

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۱۲۰ تشریحی: ۰

تعداد سوالات: تستی: ۳۵ تشریحی: ۰

عنوان درس: مکانیک کوانتومی ۱

رشته تحصیلی/کد درس: فیزیک (زمینه اتمی و مولکولی)، فیزیک (زمینه حالت جامد)، فیزیک (زمینه ذرات بنیادی)، فیزیک (زمینه گرانش و فیزیک (نجومی)، فیزیک (زمینه هسته ای)، فیزیک گرایش فیزیک نجومی، فیزیک (زمینه فیزیک بنیادی)، فیزیک (اتم و مولکولی فیزیک (حالت جامد)، فیزیک (هسته ای) ۱۱۱۳۰۴۱

استفاده از ماشین حساب مهندسی مجاز است

۱- کدام رابطه بیانگر قانون جابجایی وین است؟

$$\lambda_{\max} T = b \quad .1 \quad \lambda_{\max} T^2 = b \quad .2 \quad \lambda_{\max} b = T \quad .3 \quad \lambda_{\max}^2 T = b \quad .4$$

۲- چگالی انرژی ریلی - جینز با کدام رابطه بیان می شود؟

$$u(v, T) = 4\pi v^2 \frac{KT}{c^3} \quad .1 \quad u(v, T) = 8\pi v^2 \frac{KT}{c^3} \quad .2$$

$$u(v, T) = v^2 \frac{KT}{8\pi c^3} \quad .3 \quad u(v, T) = v^2 \frac{KT}{4\pi c^3} \quad .4$$

۳- جابجایی بسامد فوتون پراکنده شده در اثر کامپتون بر حسب زاویه پراکندگی الکترون (θ) کدام است؟

$$v' - v = \frac{2hvv'}{m_0 c^2} \sin\left(\frac{\theta}{2}\right) \quad .1 \quad v' - v = \frac{2hvv'}{m_0 c^2} \sin^2\left(\frac{\theta}{2}\right) \quad .2$$

$$v' - v = \frac{2hvv'}{m_0 c^2} \cos\left(\frac{\theta}{2}\right) \quad .3 \quad v' - v = \frac{2hvv'}{m_0 c^2} \cos^2\left(\frac{\theta}{2}\right) \quad .4$$

۴- قاعده کوانتس انداز حرکت زاویه ای بور کدام است؟

$$mvr = nh \quad .1 \quad mvr = n\hbar \quad .2 \quad mv/r = nh \quad .3 \quad mv/r = n\hbar \quad .4$$

۵- شعاع بور (کمترین فاصله از هسته در اتم هیدروژن) برابر است با:

$$2\pi\epsilon_0 \frac{h^2}{me^2} \quad .1 \quad 2\pi\epsilon_0 \frac{h^2}{me^2} \quad .2 \quad 4\pi\epsilon_0 \frac{h^2}{me^2} \quad .3 \quad 4\pi\epsilon_0 \frac{h^2}{me^2} \quad .4$$

۶- گذار الکترون از ترازهای $n=2,3,\dots$ به تراز اول در چه محدوده تابشی است؟

$$\text{سری لیمان} \quad .1 \quad \text{سری بالمر} \quad .2 \quad \text{سری پاشن} \quad .3 \quad \text{محدوده فرورسرخ} \quad .4$$

۷- چگالی احتمال یافتن یک ذره با تابع موج $\psi(x)$ در مکان x برابر است با:

$$|\psi(x)| \quad .1 \quad |\psi(x)|^2 \quad .2 \quad \frac{1}{|\psi(x)|^2} \quad .3 \quad |\psi(x)|^2 dx \quad .4$$

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۱۲۰ تشریحی: ۰

تعداد سوالات: تستی: ۳۵ تشریحی: ۰

عنوان درس: مکانیک کوانتومی ۱

رشته تحصیلی/کد درس: فیزیک (زمینه اتمی و مولکولی)، فیزیک (زمینه حالت جامد)، فیزیک (زمینه ذرات بنیادی)، فیزیک (زمینه گرانش و فیزیک نجومی)، فیزیک (زمینه هسته ای)، فیزیک گرایش فیزیک نجومی، فیزیک (زمینه فیزیک بنیادی)، فیزیک (اتم و مولکولی)، فیزیک (حالت جامد)، فیزیک (هسته ای) (۱۱۳۰۴۱)

۸- تابع موج گاوسی در فضای اندازه حرکت با رابطه $\phi(k) = A \exp\left[-a^2(k - k_0)^2 / 4\right]$ داده می شود که در آن A ضریب بهنجارش، برابر است با:

۱. $\left(a^2/2\pi\right)^{1/4}$ ۲. $\left(a^2/2\pi\right)^{1/2}$ ۳. $\left(a^2/\pi\right)^{1/4}$ ۴. $\left(a^2/\pi\right)^{1/2}$

۹- در قضیه بسط $\Psi(x, t) = \sum_n c_n u_n(x) e^{-iE_n t/\hbar}$ کدام گزینه رابطه کامل بودن ویژه توابع را بیان می کند؟

۱. $\int_{-\infty}^{+\infty} u_m^*(x) u_n(x) dx = 1$ ۲. $\sum_n |c_n|^2 = 1$
 ۳. $\sum_n u_n(x) u_n^*(y) = \delta(x - y)$ ۴. $\langle H \rangle = \sum_n E_n |c_n|^2$

۱۰- تابع چگالی احتمال گاوسی در فضای مکان به صورت زیر است: $|\psi(x)|^2 = \sqrt{\frac{2}{\pi a^2}} e^{-2x^2/a^2}$

نیم پهنای این تابع در فضای مکان برابر است با:

۱. a ۲. 2a ۳. a/3 ۴. a/2

۱۱- پاشندگی امواج آب با رابطه $\omega^2 = \frac{T}{\rho} k^3 + gk$ داده شده است. در این رابطه g شتاب جاذبه، ρ و T به ترتیب چگالی و کشش سطحی آب هستند. سرعت فاز در طول موج های خیلی بلند برابر است با:

۱. \sqrt{gk} ۲. $\sqrt{k/g}$ ۳. $\sqrt{Tk/\rho}$ ۴. $\sqrt{g/k}$

۱۲- برای توزیع گاوسی $\rho(x) = A e^{-k(x-a)^2}$ مقدار $\langle x \rangle$ کدام است؟

۱. $\frac{2}{3}a$ ۲. $\frac{1}{2}a$ ۳. a ۴. 2a

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۱۲۰ تشریحی: ۰

تعداد سوالات: تستی: ۳۵ تشریحی: ۰

عنوان درس: مکانیک کوانتومی ۱

رشته تحصیلی/کد درس: فیزیک (زمینه اتمی و مولکولی)، فیزیک (زمینه حالت جامد)، فیزیک (زمینه ذرات بنیادی)، فیزیک (زمینه گرانش و فیزیک نجومی)، فیزیک (زمینه هسته ای)، فیزیک گرایش فیزیک نجومی، فیزیک (زمینه فیزیک بنیادی)، فیزیک (اتم و مولکولی)، فیزیک (حالت جامد)، فیزیک (هسته ای) (۱۱۱۳۰۴۱)

۱۳- دو حالت $|\psi\rangle = 3i|x_1\rangle - 7i|x_2\rangle$ و $|\varphi\rangle = -|x_1\rangle + 2i|x_2\rangle$ را در نظر بگیرید که در آن ها $|x_1\rangle$ و $|x_2\rangle$ راست هنجارند. حالت $|\psi + \varphi\rangle$ کدام است؟

۱. $(3i-1)|x_1\rangle - 5i|x_2\rangle$
 ۲. $(-3i-1)|x_1\rangle + 5i|x_2\rangle$
 ۳. $5i|x_1\rangle + (3i-1)|x_2\rangle$
 ۴. $-5i|x_1\rangle - (3i+1)|x_2\rangle$

۱۴- مقدار $[x, p_x]$ برابر است با:

۱. $i\hbar$
 ۲. \hbar/i
 ۳. ih
 ۴. \hbar/i

۱۵- کدامیک از عملگرهای زیر خطی است؟

۱. $Lf(x) = [f(x)]^2$
 ۲. $Lf(x) = \lambda f^*(x)$
 ۳. $Lf(x) = \sqrt{f(x)}$
 ۴. $Lf(x) = \frac{df(x)}{dx} + 2f(x)$

۱۶- ویژه تابع عملگر $p_x = \frac{\hbar}{i} \frac{d}{dx}$ با ویژه مقدار λ کدام است؟

۱. $f(x) = Ae^{-i\lambda/\hbar} x$
 ۲. $f(x) = Ae^{i\lambda/\hbar} x$
 ۳. $f(x) = Ae^{-i\lambda/\hbar} x^2$
 ۴. $f(x) = Ae^{i\lambda/\hbar} x^2$

۱۷- تابع موج یک سیستم کوانتومی به صورت $\psi(x) = c(-2u_1(x) - \sqrt{5}u_2(x) + 4u_3(x))$ داده شده است. که در آن $u_1(x)$ و $u_2(x)$ و $u_3(x)$ ویژه توابع هامیلتونی متناظر با ویژه مقادیر E_1 و E_2 و E_3 هستند. برای بهنجار بودن تابع موج، ضریب C چقدر باید باشد؟

۱. 5
 ۲. $1/5$
 ۳. $\sqrt{7}$
 ۴. $1/\sqrt{7}$

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۱۲۰ تشریحی: ۰

تعداد سوالات: تستی: ۳۵ تشریحی: ۰

عنوان درس: مکانیک کوانتومی ۱

رشته تحصیلی/کد درس: فیزیک (زمینه اتمی و مولکولی)، فیزیک (زمینه حالت جامد)، فیزیک (زمینه ذرات بنیادی)، فیزیک (زمینه گرانش و فیزیک نجومی)، فیزیک (زمینه هسته ای)، فیزیک گرایش فیزیک نجومی، فیزیک (زمینه فیزیک بنیادی)، فیزیک (اتمی و مولکولی)، فیزیک (حالت جامد)، فیزیک (هسته ای) (۱۱۱۳۰۴۱)

۱۸- تابع اندازه جریان احتمال یک بعدی با کدام رابطه بیان می شود؟

$$J = \hbar/2mi \left[\psi^* \frac{d\psi}{dx} + \psi \frac{d\psi^*}{dx} \right] \quad .1$$

$$J = h/2mi \left[\psi^* \frac{d\psi}{dx} + \psi \frac{d\psi^*}{dx} \right] \quad .2$$

$$J = \hbar/2mi \left[\psi^* \frac{d\psi}{dx} - \psi \frac{d\psi^*}{dx} \right] \quad .3$$

$$J = h/2mi \left[\psi^* \frac{d\psi}{dx} - \psi \frac{d\psi^*}{dx} \right] \quad .4$$

۱۹- کدام گزینه بیانگر ترازهای انرژی مجاز یک ذره به جرم m در چاه پتانسیل نامتناهی یک بعدی و به طول a است؟

$$E_n = \frac{\hbar^2 \pi^2 n^2}{4ma^2} \quad .1 \quad E_n = \frac{\hbar^2 \pi^2 n^2}{8ma^2} \quad .3 \quad E_n = \frac{2\hbar^2 \pi^2 n^2}{ma^2} \quad .2 \quad E_n = \frac{\hbar^2 \pi^2 n^2}{2ma^2} \quad .4$$

$$V(x) = \begin{cases} \infty & x < 0 \\ 0 & 0 < x < a \\ \infty & x > 0 \end{cases} \quad .20$$

ذره ای در تراز n ام چاه پتانسیل بی پایان به صورت:

قرار دارد. مقدار چشمداشتی $\langle p \rangle$ کدام است؟

$$\frac{\hbar \pi n}{a} \quad .3 \quad \frac{\hbar^2 \pi^2 n^2}{a^2} \quad .2 \quad \text{صفر} \quad .1 \quad \frac{h^2 \pi^2 n^2}{a^2} \quad .4$$

۲۱- احتمال انعکاس یک ذره با انرژی 100MeV از یک پله پتانسیل به ارتفاع 75MeV چقدر است؟

$$\frac{1}{9} \quad .1 \quad \frac{1}{3} \quad .2 \quad \frac{1}{6} \quad .3 \quad \frac{1}{12} \quad .4$$

۲۲- با فرض این که پهنای چاه پتانسیل متناهی a مقداری ثابت است، کمینه عمق پتانسیل باید چقدر باشد تا حداقل دو حالت مقید وجود داشته باشند؟

$$\frac{h^2 \pi^2}{ma^2} \quad .1 \quad \frac{h^2 \pi^2}{2ma^2} \quad .2 \quad \frac{\hbar^2 \pi^2}{ma^2} \quad .3 \quad \frac{\hbar^2 \pi^2}{2ma^2} \quad .4$$

۲۳- برای نوسانگر هماهنگ کوانتومی کدام رابطه صحیح نیست؟

$$[a, a^\dagger] = 1 \quad .1 \quad [H, a] = -\hbar\omega a \quad .2 \quad [H, a^\dagger] = \hbar\omega a^\dagger \quad .3 \quad \{a, a^\dagger\} = 1 \quad .4$$

۲۴- در نوسانگر هماهنگ کوانتومی حاصل $a|n\rangle$ برابر است با:

$$\sqrt{n+1}|n+1\rangle \quad .1 \quad \sqrt{n}|n\rangle \quad .2 \quad \sqrt{n}|n-1\rangle \quad .3 \quad \sqrt{n+1}|n-1\rangle \quad .4$$

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۱۲۰ تشریحی: ۰

تعداد سوالات: تستی: ۳۵ تشریحی: ۰

عنوان درس: مکانیک کوانتومی ۱

رشته تحصیلی/کد درس: فیزیک (زمینه اتمی و مولکولی)، فیزیک (زمینه حالت جامد)، فیزیک (زمینه ذرات بنیادی)، فیزیک (زمینه گرانش و فیزیک نجومی)، فیزیک (زمینه هسته ای)، فیزیک گرایش فیزیک نجومی، فیزیک (زمینه فیزیک بنیادی)، فیزیک (اتمی و مولکولی)، فیزیک (حالت جامد)، فیزیک (هسته ای) (۱۱۱۳۰۴۱)

۲۵- کدام رابطه بیانگر حالت n ام در نوسانگر هماهنگ کوانتومی است؟

$$|n\rangle = \frac{1}{\sqrt{n!}} (a^\dagger)^n |0\rangle \quad .1 \quad |n\rangle = \frac{1}{\sqrt{n!}} a^n |0\rangle \quad .2$$

$$|n\rangle = \sqrt{n!} a^n |0\rangle \quad .3 \quad |n\rangle = \sqrt{n!} (a^\dagger)^n |0\rangle \quad .4$$

۲۶- در نوسانگر هماهنگ مقدار $\langle n|\hat{x}|m\rangle$ کدام است؟

$$\sqrt{\frac{\hbar}{2m\omega}} (\sqrt{m+1}\delta_{n,m-1} + \sqrt{m+1}\delta_{n,m+1}) \quad .1 \quad \sqrt{\frac{\hbar}{2m\omega}} (\sqrt{m}\delta_{n,m-1} + \sqrt{m+1}\delta_{n,m+1}) \quad .2$$

$$\sqrt{\frac{\hbar}{2m\omega}} (\sqrt{m+1}\delta_{n-1,m} + \sqrt{m+1}\delta_{n+1,m}) \quad .3 \quad \sqrt{\frac{\hbar}{2m\omega}} (\sqrt{m}\delta_{n-1,m} + \sqrt{m+1}\delta_{n+1,m}) \quad .4$$

۲۷- حاصل ضرب های عدم قطعیت مکان و اندازه حرکت در نوسانگر هماهنگ کدام است؟

$$\Delta x \Delta p = \hbar n \quad .1 \quad \Delta x \Delta p = h \left(n + \frac{1}{2} \right) \quad .2 \quad \Delta x \Delta p = \hbar \left(n + \frac{1}{2} \right) \quad .3 \quad \Delta x \Delta p = \hbar n \quad .4$$

۲۸- بستگی زمانی عملگر a در نوسانگر هماهنگ با کدام معادله بیان می شود؟

$$\frac{da(t)}{dt} = i\omega a^\dagger(t) \quad .1 \quad \frac{da(t)}{dt} = -i\omega a(t) \quad .2 \quad \frac{da(t)}{dt} = i\omega a(t) \quad .3 \quad \frac{da(t)}{dt} = -i\omega a^\dagger(t) \quad .4$$

۲۹- اگر تابع موج ψ نوسانگر هماهنگ ساده یک بعدی در زمان $t=0$ به صورت $\psi(0) = \frac{1}{\sqrt{5}} |1\rangle + \frac{2}{\sqrt{5}} |2\rangle$ باشد. ویژه

تابع $\psi(t)$ در زمان های $t>0$ کدام است؟

$$\psi(t) = \frac{1}{\sqrt{5}} |1\rangle e^{-5i\omega t/2} + \frac{2}{\sqrt{5}} |2\rangle e^{-3i\omega t/2} \quad .1 \quad \psi(t) = \frac{1}{\sqrt{3}} |1\rangle e^{-3i\omega t/2} + \frac{2}{\sqrt{5}} |2\rangle e^{-5i\omega t/2} \quad .2$$

$$\psi(t) = \frac{1}{\sqrt{5}} |1\rangle e^{-3i\omega t/2} + \frac{2}{\sqrt{5}} |2\rangle e^{-5i\omega t/2} \quad .3 \quad \psi(t) = \frac{1}{\sqrt{3}} |1\rangle e^{-5i\omega t/2} + \frac{2}{\sqrt{5}} |2\rangle e^{-3i\omega t/2} \quad .4$$

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۱۲۰ تشریحی: ۰

تعداد سوالات: تستی: ۳۵ تشریحی: ۰

عنوان درس: مکانیک کوانتومی ۱

رشته تحصیلی/کد درس: فیزیک (زمینه اتمی و مولکولی)، فیزیک (زمینه حالت جامد)، فیزیک (زمینه ذرات بنیادی)، فیزیک (زمینه گرانش و فیزیک نجومی)، فیزیک (زمینه هسته ای)، فیزیک گرایش فیزیک نجومی، فیزیک (زمینه فیزیک بنیادی)، فیزیک (اتمی و مولکولی)، فیزیک (حالت جامد)، فیزیک (هسته ای) (۱۱۱۳۰۴۱)

۳۰- برای کدامیک از هامیلتونی های زیر عملگر پارته یک ثابت حرکت است؟ A و k ثابت هستند.

$$H = -\frac{\hbar^2}{2m} \frac{\partial^2}{\partial x^2} + A \sin \frac{\pi x}{L} \quad .۲$$

$$H = -\frac{\hbar^2}{2m} \frac{\partial^2}{\partial x^2} + Ax|x| \quad .۱$$

$$H = -\frac{\hbar^2}{2m} \frac{\partial^2}{\partial x^2} + Ax^3 \quad .۴$$

$$H = -\frac{\hbar^2}{2m} \frac{\partial^2}{\partial x^2} + A \exp(-kx^2) \quad .۳$$

۳۱- انرژی حالت برانگیخته اول یک ذره در جعبه مکعبی سه بعدی چند برابر انرژی حالت پایه ذره در جعبه یک بعدی است؟

۰۴ . 3 برابر

۰۳ . 1 برابر

۰۲ . 9 برابر

۰۱ . 6 برابر

۳۲- اگر بسته موج $\Psi(x) = A \exp\left(-\frac{|x|}{L} + ip \cdot x / \hbar\right)$ بهنجار باشد، ضریب A کدام است؟۰۴ . $\frac{1}{\sqrt{L}}$ ۰۳ . \sqrt{L} ۰۲ . $\frac{2}{\sqrt{L}}$ ۰۱ . $\sqrt{\frac{2}{L}}$

۳۳- حالت برانگیختگی پنجم یک ذره در جعبه مکعبی سه بعدی، واگنی چند گانه دارد؟

۰۴ . 2 گانه

۰۳ . 6 گانه

۰۲ . 5 گانه

۰۱ . 3 گانه

۳۴- انرژی فرمی تعداد N الکترون یکسان بدون برهم کنش که در جعبه مکعبی به حجم L^3 قرار گرفته اند، کدام است؟

$$\frac{\pi^2 \hbar^2}{2m} \left(\frac{3n}{\pi}\right)^{1/2} \quad .۲$$

$$\frac{\pi^2 \hbar^2}{2m} \left(\frac{3n}{\pi}\right)^{2/3} \quad .۱$$

$$\frac{\pi^2 \hbar^2}{8m} \left(\frac{3n}{\pi}\right)^{3/2} \quad .۴$$

$$\frac{\pi^2 \hbar^2}{8m} \left(\frac{3n}{\pi}\right)^{1/2} \quad .۳$$

۳۵- درجه واگنی برای حالت برانگیختگی n ام یک نوسانگر همسانگرد سه بعدی از کدام رابطه به دست می آید؟

$$d_n = 2(n+1)(n+2) \quad .۲$$

$$d_n = \frac{1}{2}(n+1)(n+2) \quad .۱$$

$$d_n = 2(2n+1)(n+2) \quad .۴$$

$$d_n = \frac{1}{2}(2n+1)(n+2) \quad .۳$$