

زمان آزمون (دقیقه) : تستی : ۶۰ تشریحی : ۶۰

تعداد سوالات : تستی : ۲۰ تشریحی : ۵

عنوان درس : ریاضی عمومی ۱

رشته تحصیلی / گد درس : فیزیک (اتمی و مولکولی)، فیزیک (حالات جامد)، فیزیک (هسته ای) ۱۱۱۱۰۱۸ -، شیمی (کاربردی)، شیمی گرایش
محض ۱۱۱۱۰۲۴

سوالات تشریحی

۱.۴۰ نمره ۱- در واقع مسئله عبارتست از یافتن ریشه چهارم عدد یک و آرگومان این مسئله برابر صفر درجه میباشد بنابر این چهار ریشه
برابرند با

$$\cos 0 + i \sin 0$$

$$\cos \pi/2 + i \sin \pi/2$$

$$\cos \pi + i \sin \pi$$

$$\cos 3\pi/2 + i \sin 3\pi/2$$

۱.۴۰ نمره ۲- با مشتق گیری ضمنی داریم

$$y' = \frac{-(2xy + y^2 - 7)}{x^2 + 2xy + 4y^3 + 1}$$

۱.۴۰ نمره ۳- صفحه ۳۱۱ از منبع

۱.۴۰ نمره ۴- با تجزیه کسر به عوامل اول مجھولات مقابله را بدست میاوریم

$$A=2, B=-1/2, C=3$$

در نتیجه جواب انتگرال برابر

$$2 \ln |x| - \frac{1}{2} \ln(x^2 + 1) = 3 \operatorname{tg}^{-1} x + C$$

است

۱.۴۰ نمره ۵- ابتدا محل تلاقی دو منحنی که عبارتند از $x = 0$ و $y = \sqrt{x}$ را بدست می آوریم و با انگرالگیری زیر مساحت محصور بدست می آید

$$A = \int_0^1 \sqrt{x} - x^3 dx = \frac{5}{12}$$