

مجاز است.

استفاده از:

۱. کدام یک از هم نهشتی های زیر برقرار است؟

ب)  $-930 \equiv 4 \pmod{463}$

الف)  $791 \equiv 27 \pmod{11}$

د)  $721 \equiv -4 \pmod{7}$

ج)  $-25 \equiv -47 \pmod{11}$

۲. فرض کنیم  $p$  یک عدد اول و  $a, b$ ,  $n$  یک عدد طبیعی باشد. در اینصورت کدام گزینه نادرست است؟

ب) اگر  $p|a^n$  آنگاه  $p|a$ .

الف) اگر  $|a^n|$  آنگاه  $|a|$ .

د) اگر  $p|ab$  و  $p|a$  آنگاه  $p|b$ .

ج) اگر  $p|a$  و  $p|b$  آنگاه  $p|ab$ .

۳. اگر  $n$  عدد فرد باشد آنگاه

ب)  $\varphi(2n) = 2\varphi(n)$

الف)  $\varphi(2n) = \varphi(n)$

د)  $\varphi(2n^2) = 2\varphi(n^2)$

ج)  $\varphi(2n^2) = 2\varphi(n)$

۴. کدام یک از گزینه های زیر صحیح است؟

ب)  $4^{720} \equiv 4 \pmod{21}$

الف)  $2^{100} \equiv 1 \pmod{15}$

د)  $10^{200} \equiv 20 \pmod{27}$

ج)  $3^{200} \equiv 15 \pmod{35}$

۵. کدام یک از دستگاههای زیر دارای جواب نیست؟

ب)  $\begin{cases} 2x \equiv 3 \pmod{5} \\ 3x \equiv -1 \pmod{4} \end{cases}$

الف)  $\begin{cases} 3x \equiv 4 \pmod{5} \\ 2x \equiv 3 \pmod{10} \end{cases}$

د)  $\begin{cases} 8x \equiv 4 \pmod{14} \\ 5x \equiv 3 \pmod{11} \end{cases}$

ج)  $\begin{cases} 3x \equiv 1 \pmod{10} \\ 4x \equiv 2 \pmod{7} \end{cases}$

۶. مرتبه ۵- به هنگ 18 کدام است؟

د) ۳

ج) ۷

ب) ۵

الف) 2

۷. اگر  $(a, m) = 1$  و  $a^*$  یک عکس حسابی  $a$  به هنگ  $m$  باشد آنگاه

ب)  $.ord_p a^* = \frac{1}{ord_p a}$

الف)  $.ord_p a = ord_p a^*$

د)  $.ord_p a = ord_p a^*$

ج)  $.ord_p a = -ord_p a^*$

۸. اگر  $3^6 = 4$  آنگاه  $ord_{10} 3 = 4$  کدام است؟

د) 2

ج) 3

ب) 6

الف) 4

۹. کدام یک از هنگهای زیر ریشه اولیه دارد؟

د) 25

ج) 15

ب) 12

الف) 8

۱۰. حاصل  $\sum_{n=1}^{10} \tau(n)$  کدام است؟

د) 17

ج) 10

ب) 27

الف) 24

مجاز است.

استفاده از:

۱۱. کدام یک از توابع زیر ضربی نیستند؟

.  $f(n) = n^2 + 1$

$l(n) = \frac{1}{n^3}$

$\sigma^2(n)$

$\tau^2(n)$

۱۲) کدام یک از احکام زیر درست نیست؟

(الف) تابع فی اویلر یک تابع حسابی ضربی است؟

(ب) ضرب پیچشی دو تابع حسابی  $f$  و  $g$  خاصیت جابجایی دارد.

(ج) اگر تابع غیرصفر  $f$  و ضرب پیچشی  $g * f$  هر دو ضربی باشند آنگاه  $g$  هم ضربی است.

۱۳)  $\sum_{n=1}^m \mu(n) \left[ \frac{m}{n} \right] = 0$

۱۴) زوج متحابه عدد ۲۹۲۴ کدام است؟

۱۲۱۰

۲۶۲۰

۲۲۰

۲۸۴

۱۴) کدام یک از معادلات همنهشتی زیر حلپذیر است؟

(ب)  $x^2 \equiv 3 \pmod{17}$

(الف)  $x^2 \equiv -7 \pmod{17}$

(د)  $x^2 \equiv 2 \pmod{19}$

(ج)  $x^2 \equiv -100 \pmod{17}$

۱۵) کدام یک از احکام زیر درست است؟

(الف) برای هر عدد طبیعی  $n$  عدد  $n^2$  تام نیست.

(ب) اگر  $p$  عددی اول باشد آنگاه  $p$  و  $p^2$  نمی توانند با یک عدد طبیعی دیگر یک زوج متحابه تشکیل دهند.

(ج) اگر  $m$  و  $n$  دو عدد متحابه باشند و  $m > n$  آنگاه  $n$  ناقص و  $m$  زاید است.

(د) اگر  $m$  زوج و  $n$  فرد باشد بطوریکه  $m$  و  $n$  یک زوج متحابه باشند آنگاه  $n$  یک مربع کامل است.

۱۶) کسر مسلسل نا متناهی  $< \dots & 2 & 2 & 2 & 1 >$  معرف کدام کسر زیر است؟

(ب)  $1 + \sqrt{2}$

(الف)  $\sqrt{2}$

(د)  $1 - \sqrt{3}$

(ج)  $1 + \sqrt{3}$

۱۷) اگر  $1 > \alpha$  یک عدد حقیقی اصم باشد و  $\alpha = < a_0, a_1, a_2, \dots >$  آنگاه

(ب)  $\frac{1}{\alpha} = < a_2, a_3, a_4, \dots >$

(الف)  $\frac{1}{\alpha} = < a_0, a_1, a_2, \dots >$

(د)  $\frac{1}{\alpha} = < 0, a_0, a_1, a_2, \dots >$

(ج)  $\frac{1}{\alpha} = < 0, a_1, a_2, \dots >$

۱۸) بسط به صورت کسر مسلسل ساده نامتناهی عدد اصم  $\sqrt{10}$  درجه دوم کدام است؟

(ب)  $\sqrt{10} = < 6, \bar{3} >$

(الف)  $\sqrt{10} = < 3, \bar{6} >$

(د)  $\sqrt{10} = < 6, 6, \bar{3} >$

(ج)  $\sqrt{10} = < 3, 3, \bar{6} >$

۱۹) کدام یک از اعداد زیر اصم درجه دوم نیستند؟

(د)  $4\sqrt{3}$

(ج)  $\frac{3}{1+\sqrt{5}}$

(ب)  $\sqrt{2} + \sqrt{3}$

(الف)  $3 - \sqrt{3}$

زمان آزمون (دقیقه): تست: ۶۰ تشریحی: ۵

تعداد سوالات: تست: ۲۰ تشریحی: ۵

نام درس: نظریه اعداد -نظریه مقدماتی اعداد

رشته تحصیلی/نُد درس: ریاضی(محض-کاربردی) ۱۱۱۱۰۳۹ ریاضیات و کاربردها ۱۱۱۱۳۷۹

مجاز است.

استفاده از:

۲۰. بسط به صورت کسر مسلسل ساده نامتناهی کدام یک از اعداد اصم زیر متناوب محس نیست؟

$$\frac{3-\sqrt{5}}{2}$$

$$\text{الف) } \frac{3}{2} + \sqrt{6}$$

$$\frac{3+2\sqrt{3}}{3}$$

$$\text{ج) } \frac{1+\sqrt{2}}{5}$$

### سوالات تشریحی

(بارم هر سوال ۲ نمره می باشد)

۱. ابدا نشان دهید هر عدد طبیعی همنهشت با مجموع ارقامش به هنگ ۹ است و با استفاده از آن اعدادی را که بر ۹ بخش پذیر هستند تعیین کنید.

۲. معادله همنهشتی زیر را حل کنید.  

$$x^4 + x + 3 \equiv 0 \pmod{35}$$

۳. اگر  $m > n > 2$  اعداد صحیح باشند بطوریکه  $mn = 1$  آنگاه به هنگ  $(m, n) = 1$  ریشه اولیه ای وجود ندارد.

۴. فرض کنیم  $n$  یک عدد طبیعی فرد باشد. نشان دهید  $2^{n!} \equiv 1 \pmod{n}$

۵. اگر تابع حسابی  $f(n) = \sum_{d|n} g(d)$  ضربی باشد آنگاه تابع حسابی  $g(n)$  نیز ضربی است.