



مجاز است.

استفاده از: ماشین حساب

۱. تاثیر اپراتور \hat{D}'_x بر روی تابع $f(x) = a \sin x$ کدام گزینه است؟ب. $f(x)$ الف. $-f(x)$ د. $af(x)$ ج. $-af(x)$

۲. اپراتور وابسته به تابع هامیلتونی کدام است؟

$$\hat{H} = -\frac{\hbar^2}{2m} \nabla^2 + \hat{V}$$

$$\hat{H} = -\frac{\hbar^2}{2\pi m} \nabla^2 + \hat{V}$$

$$\hat{H} = -\frac{\hbar^2}{2m} \nabla^2 + \hat{V}$$

$$\hat{H} = -\frac{\hbar^2}{2\pi} \nabla^2 + \hat{V}$$

۳. مقدار قابل انتظار $\langle p_x \rangle$ برای ذره آزاد کدام چه قدر است؟

$$\pm \frac{\hbar}{\sqrt{2mE}}$$

$$\pm \sqrt{2\hbar mE}$$

$$\pm \sqrt{2mE}$$

$$\pm \frac{\hbar}{\sqrt{2mE}}$$

۴. برای ذره آزاد یک بعدی، ثابت نرمال سازی تابع موجی کدام است؟

$$\frac{2}{L}$$

$$\sqrt{\frac{L}{2}}$$

$$\sqrt{\frac{2}{L}}$$

$$\sqrt{\frac{1}{L}}$$

۵. کدام رابطه‌ی زیر فرکانس سیستم نوسانگر هارمونیک را مشخص می‌کند؟

$$\frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{k}{m}}$$

$$\frac{h}{\pi} \sqrt{\frac{k}{m}}$$

$$\frac{1}{\pi} \sqrt{\frac{k}{2m}}$$

$$\frac{1}{\pi} \sqrt{\frac{\hbar}{2m}}$$

۶. انرژی نقطه‌ی صفر در حرکت ارتعاشی کدام است؟

$$\frac{\hbar}{2\pi} v$$

$$\frac{h}{2\pi} v$$

$$\frac{1}{2} h v$$

$$\frac{\hbar}{2\pi} v$$

مجاز است.

ماشین حساب

استفاده از:

۷. خاصیت متعادم بودن تابع های ویژه \hat{H} کدام است؟

$$(i \neq j) \int_{-\infty}^{+\infty} \psi_i^* \psi_j dV = 1$$

$$(i \neq j) \int_{-\infty}^{+\infty} \psi_i^* \psi_j dV = 0$$

$$(i = j) \int_{-\infty}^{+\infty} \psi_i^* \psi_i dV = 0$$

$$(i = j) \int_{-\infty}^{+\infty} \psi_i^* \psi_i dV = 1$$

۸. تراز چهارم نوسانگر هماهنگ با $n=3$ چند حالتی است؟

۹. د

ج

ب

الف

۹. اگر تابع $N\Psi$ یک تابع نرمال شده باشد، ضریب نرمال سازی کدام است؟

$$\frac{1}{\sqrt{\int \psi^* \psi d\tau}}$$

$$\sqrt{\int \psi^* \psi d\tau}$$

۹. د

 $\sqrt{\psi^* \psi d\tau}$

۱۰. کدام یک از تابع های زیر واجد شرایط لازم برای نمایش حالت کوانتوومی یک ذره است؟

$$f(x) = \frac{A}{x+1}$$

$$f(x) = Ax^2$$

$$f(x) = A \sin x$$

$$f(x) = Ax(x+1)$$

۱۱. کدام یک از مشاهده پذیرهای زیر در حالت نوسانگر هارمونیک یک بعدی درست است؟

$$\langle p \rangle \neq 0, \langle x \rangle \neq 0$$

$$\langle p \rangle \neq 0, \langle x \rangle = 0$$

$$\langle p \rangle = 0, \langle x \rangle \neq 0$$

$$\langle p \rangle = 0, \langle x \rangle = 0$$

۱۲. انرژی تراز چهارم ذره در جعبه‌ی مکعبی چند برابر انرژی تراز اول است؟

$$\frac{14}{3}$$

$$\frac{11}{3}$$

$$\frac{17}{3}$$

$$4^2$$

۱۳. اگر انرژی ارتعاشی E برای مولکول HCl برابر $J^{-1} \times 10^{-2} \times 28/6$ باشد، انرژی اولین حالت بر انگیخته کدام است؟

$$8/58 \times 10^{-2}$$

$$1/43 \times 10^{-2}$$

$$4/29 \times 10^{-2}$$

$$5/74 \times 10^{-2}$$



			استفاده از:
ماشین حساب	ماشین حساب		
مجاز است.			
			۱۴. تابع توزیع شعاعی احتمال حضور الکترون از یک قشر کروی به قشر دیگر کدام است؟
	ب . $4\pi r^2 R^2 dr$		الف . $4\pi r^2 R^2 dr$
	د . $4\pi r^2 \psi^2 dr$		ج . $\pi R^2 \psi^2 dr$
			۱۵. در نظریه ای اوربیتال مولکولی هوکل کدام فرض زیر درست است؟
	ب . $H_{ii} = \alpha$		الف . $S_{ii} = \alpha$
	د . $S_{ij} = \beta$		ج . $H_{ij} = 1$
			۱۶. مقدار قابل انتظار فاصله ای الکترون از هسته برای اوربیتال اتمی ۱S توسط کدام انترگال زیر به دست می آید؟
	ب . $\langle r \rangle = \int \psi_{1s}^* \hat{H} \psi_{1s} dr$		الف . $\langle r \rangle = \int 4\pi r^2 \psi_{1s}^2 dr$
	د . $\langle r \rangle = \int \psi_{1s}^* \psi_{1s} dr$		ج . $\langle r \rangle = \int \psi_{1s}^* r \psi_{1s} dr$
			۱۷. مقدار قابل انتظار X بین صفر تا L برای ذره در جعبه‌ی یک بعدی کدام است؟
۱ . $\frac{1}{L}$	ج . L	۲ . $\frac{2}{L}$	الف . $\frac{L}{2}$
			۱۸. در حالت ذره در جعبه‌ی مکعبی انرژی دومین تراز آن چقدر است؟
	ب . $\frac{4h^2}{8ma^2}$		الف . $\frac{3h^2}{8ma^2}$
	د . $\frac{6h^2}{8ma^2}$		ج . $\frac{5h^2}{8ma^2}$
			۱۹. در حالت ذره در جعبه‌ی مکعبی چند حالت کوانتومی هم انرژی به سومین تراز مربوط می شود؟
۶ . د	۵ . ج	۲ . ب	الف . ۳
			۲۰. کدام رابطه انرژی‌های مجاز چرخنده‌ی صلب در صفحه را نشان می دهد؟
	ب . $\frac{n^2 h^2}{2I}$		الف . $\frac{m^2 h^2}{2I}$
	د . $\frac{m^2 h^2}{2I\omega}$		ج . $\frac{m^2 h^2}{2I}$
			۲۱. در رابطه‌ی $\mu = -g \frac{e}{2m} \vec{s}$ ، \vec{s} نماد چیست؟
			الف ضریب لاگرانژ
			ب . فاکتور لاند
			ج . فاکتور پاولی
			د . ضریب اپنهایمر

مجاز است.

ماشین حساب

استفاده از:

۲۲. کدام ماتریس زیر، ماتریس اپراتور σ_x پاولی است؟

$$\begin{vmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{vmatrix}$$

ب.

$$\begin{vmatrix} 0 & -i \\ i & 0 \end{vmatrix}$$

الف.

$$\begin{vmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{vmatrix}$$

د.

$$\begin{vmatrix} 1 & 0 \\ 0 & -1 \end{vmatrix}$$

ج.

۲۳. کدام رابطه زیر مقیاس واحد انرژی هارتی است؟

$$\frac{\hbar}{\mu e^2}$$

ب.

$$\frac{m_o e^2}{\hbar^2}$$

الف.

$$\frac{m_o e^2}{2\hbar^2}$$

د.

$$\frac{m_o e^2}{\hbar^2}$$

ج.

۲۴. رابطه ای اپراتور \hat{L}_z برای چرخنده صلب در صفحه کدام است؟

$$-ih \frac{\partial}{\partial \phi}$$

ب.

$$\frac{\hbar}{i} \frac{\partial}{\partial \phi}$$

الف.

$$i\hbar \frac{\partial}{\partial \phi}$$

د.

$$\frac{\hbar}{i} \frac{\partial}{\partial \phi}$$

ج.

۲۵. انرژی کل مولکول بوتا دی یعنی براساس تقریب هوکل $\beta = 2/472 + 2\alpha + 2\beta$ و انرژی کل هر پیوند اتیلنی $\alpha = 2/472$ است. انرژی رزونانس پیوند دوگانه ای نامسق در بوتادی یعنی کدام است؟

$$0/472 \beta$$

ب.

$$1/472 \beta$$

الف.

$$0/236 \beta$$

د.

$$1/236 \beta$$

ج.

۲۶. فرکانس مشخصه ارتعاش در بررسی کلاسیک مولکول، با فرکانس جذبی تجربی در کدام ناحیه برابر است؟

د. زیر قرمز

ج. فرابنفش

ب. قرمز

الف. ریز موج

مجاز است.

ماشین حساب

استفاده از:

۲۷. برای مولکولهای خطی CO در تقریب چرخنده صلب با مشخصات زیر اولین انرژی چرخشی غیر صفر آن بر حسب الکترون

$$(h = 6.62 \times 10^{-34} \text{ Js}, r = 1.13 \text{ Å}, I = 1.14 \times 10^{-36} \text{ kg})$$

۴،۸. د

ج. 7.67×10^{-33} ب. 4.8×10^{-34}

الف. ۷،۶۷

۲۸. یک الکترون در طول یک نانومتر محدود است (حرکت را یک بعدی فرض کنید) کم ترین انرژی حالت اصلی آن بر حسب ژول

$$(9.31 \times 10^{-31} \text{ kg})$$

د. 18.06×10^{-30} ج. 24.08×10^{-30} ب. 6.02×10^{-30} الف. 4×10^{-30} ۲۹. برایتابع موج $\Psi = Ne^{\frac{-r}{a}}$ ضریب نرمال کنندگی کدام است؟

$$\sqrt{\frac{25}{\pi a_0^4}}$$

$$\sqrt{\frac{8}{\pi a_0^3}}$$

$$\sqrt{\frac{\pi a_0^3}{\pi}}$$

$$\sqrt{\frac{8}{\pi}}$$

$$\int_0^\infty x^n e^{-ax} dx = \frac{n!}{a^{n+1}}$$

د. هرمیت

ج. لاگر

ب. لژاندر

الف. لاگرانژ

۳۰. معادله شرودینگر نوسانگر هماهنگ پس از تغییر متغیر به کدام معادله منجر می گردد؟

د. همه موارد صحیح است

ج. $E = -2\langle T \rangle$

$$E = \frac{\langle V \rangle}{2}$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 0 & -i \\ i & 0 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 0 \\ -i \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 0 \\ 1 \end{bmatrix}$$

۳۱. کدام رابطه بیانگر قضیه ویریال است؟

۳۲. ماتریس نمایش دهنده تابع اسپینی β کدام است؟ب. $S_{11} = S_{22} = 0$ الف. $H_{11} = H_{22} = \beta$ د. $H_{11} = H_{22} = H_{12} = \beta$ ج. $H_{11} = H_{22} = \alpha$

مجاز است.

ماشین حساب

استفاده از:

۳۴. تعداد جملات پتانسیل دافعه الکترونی برای اتم کربن در معادله شرودینگر چیست؟

۱۵.د

ج. ۱۰

ب. ۲۰

الف. ۳۰

۳۵. کدام رابطه صحیح است؟

$$\frac{\partial r}{\partial y} = \sin \theta \sin \varphi \quad \text{ب.}$$

$$\frac{\partial \varphi}{\partial y} = \frac{\cos \theta \cos \varphi}{r} \quad \text{الف.}$$

$$\frac{\partial \varphi}{\partial z} = -\frac{\sin \theta}{r} \quad \text{د.}$$

$$\frac{\partial \varphi}{\partial x} = \frac{-\sin \theta}{r \sin \varphi} \quad \text{ق.}$$

ثابت ها و اعداد مورد نیاز

$$h = ۶/۶۲۵ \times 10^{-۳۴} Js \quad \hbar = ۱/۰۵۵ \times 10^{-۳۴} Js$$

$$a_0 = ۵۲/۹ \times 10^{-۱۰} m \quad m_e = ۹/۱۱ \times 10^{-۳۱} kg$$

$$c = ۳ \times 10^8 ms^{-1} \quad eV = ۱/۶۰۲ \times 10^{-۱۹} J$$