

تعداد سوالات: تستی: ۲۰ تشریحی: ۴

عنوان درس: مکانیک آماری

رشته تحصیلی/ گد درس: فیزیک (اتمی و مولکولی)، فیزیک (حالت جامد)، فیزیک (هسته ای) ۱۱۳۰۳۰

استفاده از ماشین حساب ساده، ماشین حساب مهندسی مجاز است

۱- فرض کنید یک تاس و سکه را باهم پرتاب کنیم، احتمال رویداد آوردن عدد ۳ یا ۶ از تاس و  $t$  برای سکه کدام است؟

$\frac{1}{6} \cdot 4$

$\frac{1}{12} \cdot 3$

$\frac{1}{3} \cdot 2$

$\frac{1}{2} \cdot 1$

۲- هشت سکه را پرتاب می کنیم. احتمال آوردن شش  $h$  کدام است؟

$\frac{37}{256} \cdot 4$

$\frac{1}{256} \cdot 3$

$\frac{8}{256} \cdot 2$

$\frac{28}{256} \cdot 1$

برای تابع توزیع  $p(x) = \sqrt{\frac{a}{\pi}} e^{-ax^2}$  انحراف معيار را حساب کنید.

$\frac{1}{2a} \cdot 4$

$\frac{1}{\sqrt{2a}} \cdot 3$

$2a \cdot 2$

$\sqrt{2a} \cdot 1$

۳- مکانیک آماری شاخه ای از فیزیک است که با مطالعه آماری حالت‌های یک دستگاه، پارامترهای آن را بدست می‌آوریم.

۱. میکروسکوپی-میکروسکوپی

۱. ماکروسکوپی-ماکروسکوپی

۲. میکروسکوپی-ماکروسکوپی

۳. ماکروسکوپی-میکروسکوپی

۴- چهار سکه را پرتاب می کنیم، احتمال اینکه یک  $h$  و سه  $t$  بیاید را حساب کنید.

$\frac{8}{16} \cdot 4$

$\frac{2}{16} \cdot 3$

$\frac{1}{16} \cdot 2$

$\frac{4}{16} \cdot 1$

۵- ترازهای انرژی در یک دستگاه به ترتیب  $\epsilon$ ,  $2\epsilon$ ,  $3\epsilon$  و به همین ترتیب تا آخر باشد و بخواهیم شش ذره متفاوت را بصورتی در این ترازها قرار دهیم که انرژی کل برابر  $8\epsilon$  شود. تعداد کل میکروحالتهای آن کدام است؟

21. ۴

15. ۳

6. ۲

2. ۱

۶- یک دستگاه هفت ذره ای بالانرژی  $4\epsilon$  را در نظر بگیرید (آمار تمیز پذیر) که در آن انرژی ترازهای تک ذره ای بترتیب  $0, \epsilon, 2\epsilon, 3\epsilon, \dots$  باشد. پایین ترین احتمال وقوع برای ماکروحالتهای این دستگاه کدام است؟

$\frac{35}{210} \cdot 4$

$\frac{5}{210} \cdot 3$

$\frac{7}{210} \cdot 2$

$\frac{6}{210} \cdot 1$

۷- تعداد راههای مرتب کردن ۴ ذره مشکی که دارای یک تراز (دیواره) باشند را حساب کنید.

5. ۴

4. ۳

120. ۲

24. ۱

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

تعداد سوالات: تستی: ۲۰ تشریحی: ۴

عنوان درس: مکانیک آماری

رشته تحصیلی/ گد درس: فیزیک (اتمی و مولکولی)، فیزیک (حالت جامد)، فیزیک (هسته ای) ۱۱۳۰۳۰

۹- هنگردی که در آن نه انرژی ثابت است و نه تعداد ذرات کدام است؟

۴. هیچکدام

۳. بندادی بزرگ

۲. بندادی

۱. میکروبندادی

۱۰- یک دستگاه تک ذره ای شامل دو حالت بالانرژیهای  $E_0$  را در نظر بگیرید که با منبعی بادمای  $T$  در تماس گرمایی است. تابع پارش آن کدام است؟

$$1 + e^{\frac{E}{k_B T}} \quad .4$$

$$1 - e^{\frac{E}{k_B T}} \quad .3$$

$$1 + e^{\frac{-E}{k_B T}} \quad .2$$

$$1 - e^{\frac{-E}{k_B T}} \quad .1$$

۱۱- انرژی درونی جامد پارامغناطیس با انرژی  $\mu_B B$  کدام است؟

$$2 \cosh(\beta \mu_B B) \quad .2$$

$$2 \cosh(\mu_B B) \quad .1$$

$$-NB\mu_B \tanh(\beta \mu_B B) \quad .4$$

$$-NB\mu_B \tanh(\mu_B B) \quad .3$$

۱۲- انرژی درونی برای یک نوسانگر هماهنگ ساده یک بعدی وقتی که  $k_B T \gg \hbar\omega$  باشد، کدام است؟

$$\frac{1}{2} N k_B T \quad .4$$

$$N\hbar\omega \quad .3$$

$$\frac{1}{2} N\hbar\omega \quad .2$$

$$Nk_B T \quad .1$$

۱۳- تابع پارش برای یک چرخنده صلب که دارای واگنی باشد (دواتمی نامتقارن) را در دمای بالا بدست آورید.

$$Z_r = \frac{2k_B T}{I\hbar^2} \quad .4$$

$$Z_r = \frac{2Ik_B}{\hbar^2} \quad .3$$

$$Z_r = \frac{2k_B T}{\hbar^2} \quad .2$$

$$Z_r = \frac{2Ik_B T}{\hbar^2} \quad .1$$

۱۴- اگر دمای گاز رقیق از صفر درجه سلسیوس به ۲۷۳ درجه سلسیوس برسد، ضریب چسبندگی چه تغییری می کند؟

۴. بدون تغییر

$$\sqrt{2} \quad .3$$

۲. برابر

۱. ۲ برابر

۱۵- مایعی در یک لوله نازک به طول  $L$  که دوسرش دارای اختلاف فشار  $P$  است، شارش دارد. حجم کل شار در واحد زمان از لوله کدام است؟

$$\frac{\pi a^4 P}{8\eta L} \quad .4$$

$$\frac{\pi a^4 P}{\eta L} \quad .3$$

$$\frac{\pi a^4 P}{\eta} \quad .2$$

$$\frac{\pi a^4 P}{8\eta} \quad .1$$

۱۶- در یک دستگاه بادمای ثابت انرژی آزاد..... و در حالت تعادل آنتروپی..... است.

۴. بیشینه-کمینه

۳. کمینه-بیشینه

۲. بیشینه-کمینه

۱. کمینه-کمینه

تعداد سوالات: تستی: ۲۰ تشریحی: ۴

عنوان درس: مکانیک آماری

رشته تحصیلی/ گد درس: فیزیک (اتمی و مولکولی)، فیزیک (حالت جامد)، فیزیک (هسته ای) ۱۱۱۳۰۳۰

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

$$\frac{9VU}{3} \quad .4$$

$$\frac{VU}{3} \quad .3$$

$$\frac{U}{3V} \quad .2$$

$$\frac{V}{3U} \quad .1$$

۱۷- مقدار فشار گاز فوتونی بر حسب انرژی کل گاز و حجم، کدام است؟

$$\left(\frac{N}{V}\right)^{\frac{3}{2}} \quad .4$$

$$\left(\frac{V}{N}\right)^{\frac{3}{2}} \quad .3$$

$$\left(\frac{V}{N}\right)^{\frac{2}{3}} \quad .2$$

$$\left(\frac{N}{V}\right)^{\frac{2}{3}} \quad .1$$

۱۸- دمای بحرانی چگالش بوز-اینشتن با کدام رابطه متناسب است؟

۱۹- دستگاهی از دوفرمیون را در نظر بگیرید که در حال تعادل است. هر ذره تنها چهار حالت دارد که انرژی دوتای آنها صفر، انرژی حالت سوم  $E$  و چهارم  $4E$  است. به عبارت دیگر تراز صفو و اگنی دوگانه دارد. دستگاه بامنیعی به دمای  $T$  در تماس است. بافرض اینکه پتانسیل شیمیابی صفر است تابع پارش بزرگ دستگاه کدام است؟

$$2e^{-\beta E} + 2e^{-3\beta E} + 2e^{-4\beta E} \quad .2$$

$$2e^{-\beta E} + 2e^{-2\beta E} + 2e^{-3\beta E} \quad .1$$

$$1 + 2e^{-\beta E} + 2e^{-3\beta E} + 2e^{-4\beta E} \quad .4$$

$$1 + 2e^{-\beta E} + 2e^{-2\beta E} + 2e^{-3\beta E} \quad .3$$

۲۰- شرط برقراری آمار کلاسیکی ایجاد کدام رابطه است؟

$$\frac{z}{N} \rangle \rangle 1 \quad .4$$

$$\frac{z}{N} \langle \langle 1 \quad .3$$

$$\frac{z}{N} = 1 \quad .2$$

$$\frac{z}{N} = 0 \quad .1$$

### سوالات تشریحی

۱.۷۵ نمره

۱- یک نوسانگرهماهنگ ساده یک بعدی با تراز انرژی  $\epsilon_n = \left(n + \frac{1}{2}\right)\hbar\omega$  داریم. بدست آورید: (الف) تابع پارش ب (ب)

ظرفیت گرمایی  $C_v$

۱.۷۵ نمره

۲- برای یک گاز رقیق در دما و فشار معمولی زمان برخورد  $\tau$  و مسافت آزاد میانگین را تخمین بزنید. شاعع

متوجه مولکولها  $a = 10^{-10} m$  است. (سرعت مولکولهای گاز  $(4 \times 10^2) \frac{m}{s}$ )

۱.۷۵ نمره

۳- فرض کنید در یک سطح، محلهایی وجود دارد که می‌تواند ذرات را جذب کند. هر یک از این محلهای یا خالی است یا حداقل با یک ذره اشغال می‌شود. اگر محل خالی باشد، انرژی صفر و اگر پر باشد انرژی  $4E$  دارد. یکی از این محلهای را به عنوان دستگاه در نظر بگیرید و موارد زیر را حساب کنید:

(الف) تابع پارش بزرگ (ب) احتمال اینکه دستگاه صفر ذره داشته باشد یا اینکه پر باشد (ج) تعداد میانگین ذرات

(د) آنتروپی دستگاه  $\bar{N}$

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

تعداد سوالات: تستی: ۲۰ تشریحی: ۴

عنوان درس: مکانیک آماری

رشته تحصیلی/گد درس: فیزیک (اتمی و مولکولی)، فیزیک (حالت جامد)، فیزیک (هسته ای) ۱۱۱۳۰۳۰

نمره ۱۷۵

۴- برای گاز فرمی، یعنی گازی که ذرات آن فرمیون هستند، الف) تعداد ذرات  $N$  ب) انرژی داخلی  $U$  ج) فشار دردمای صفر مطلق را بدست آورید.