

تعداد سوالات: تستی: ۴۰ تشریحی: ۰

عنوان درس: اقتصاد ریاضی

رشته تحصیلی/ گد درس: علوم اقتصادی (اقتصاد نظری)، علوم اقتصادی (نظری) چندبخشی ۱۲۲۱۰۹۰

استفاده از ماشین حساب ساده مجاز است

۱- با توجه به جدول زیر که مربوط به مقادیر ارزش افزوده بخش های اقتصادی بر حسب میلیارد ریال به قیمت ثابت ۱۳۷۶ می باشد کمترین رشد اقتصادی سال ۱۳۸۲ مربوط به کدام بخش می باشد؟

بخش اقتصادی	سال ۱۳۸۰	سال ۱۳۸۱	سال ۱۳۸۲
بخش کشاورزی	۴۴۷۳۳	۴۹۸۲۵	۵۳۳۴۵
بخش نفت	۳۸۰۵۳	۳۹۴۰۵	۴۴۴۹۳
بخش صنایع و معادن	۷۴۰۷۹	۸۳۱۶۲	۸۹۳۳۹

۱. بخش کشاورزی      ۲. بخش نفت      ۳. بخش صنایع و معادن      ۴. بخش خدمات

۲- با فرض توابع عرضه و تقاضای یک کالا به صورت  $D_t = c - dP_t + eI_{t-1}$  و  $S_t = a + bP_{t-1}$ ، الگوی مورد نظر مثالی است از:

- ۱. الگوی ایستای اقتصاد خرد
- ۲. الگوی پویای اقتصاد خرد
- ۳. الگوی ایستای اقتصاد کلان
- ۴. الگوی پویای اقتصاد کلان

۳- کدام یک از تعاریف زیر برای واژه «تعادل» دقیق تر بوده و کمترین ابهام را دارد؟

- ۱. تعادل وضعیتی است که هیچ نیرویی برای تغییر قیمت و مقادیر مبادله شده وجود ندارد.
- ۲. تعادل به وضعیتی اطلاق می شود که اقتصاد در شرایط مطلوبی قرار دارد.
- ۳. بازار هنگامی در تعادل به سر می برد که عرضه و تقاضای برنامه ریزی شده باهم برابر باشند.
- ۴. تعادل هنگامی برقرار است که طرحها، برنامه ها و اهداف خریداران و فروشنده‌گان هر دو به وقوع بپیوندد.

۴- با فرض توابع مخارج کل به صورت  $I = 100 + 0.15y$  ،  $G = 100 + 0.8y_d$  و  $y = 100 + 0.1y$  چنانچه تابع مالیات نیز به صورت  $T = 100 + 0.1y$  باشد، درآمد ملی تعادلی چقدر خواهد بود؟

۱. ۶۲۵      ۲. ۲۲۰۰      ۳. ۱۱۲۴      ۴. ۱۶۹۲

تعداد سوالات: تستی: ۴۰ تشریحی: ۰

عنوان درس: اقتصاد ریاضی

رشته تحصیلی/ گد درس: علوم اقتصادی (اقتصاد نظری)، علوم اقتصادی (نظری) چندبخشی ۱۲۲۱۰۹۰

۵- هنگامی که درآمد خانوار ۱۰۰۰ واحد است، مخارج مصرفی ۹۰۰ واحد بوده و هنگامی که درآمد به میزان ۱۰۰ واحد افزایش یابد، مخارج مصرفی خانوار به میزان ۸۰ واحد افزایش می یابد. در این صورت فرم ریاضی تابع مخارج مصرفی چگونه است؟

$$C = 80 + 0/9y \quad .4 \quad C = 900 + 0/8y \quad .3 \quad C = 10 + 0/9y \quad .2 \quad C = 100 + 0/8y \quad .1$$

۶- ایده تحلیل داده-ستاده را به کدامیک از اقتصاددانان زیر نسبت می دهند؟

۱. استوارت میل      ۲. فرانسوا کنه      ۳. آلفرد مارشال      ۴. لئون تیف

۷- کدام گزینه زیر در مورد برنامه ریزی خطی درست است:

۱. یکی از روش‌های بینه‌سازی پویا به شمار می‌آید  
 ۲. برنامه ریزی خطی توسط لئون والراس گسترش یافت  
 ۳. روشی است که توسط آن برنامه مطلوب از فعالیتهای مرتبط با هم را در رابطه با منابع محدود در یک دوره معین، تعیین می‌نماید  
 ۴. الگویی است که بخش‌های اقتصادی مرتبط با یکدیگر را تحلیل می‌کند و برای رسیدن به اهداف معین برنامه ریزی خواهد کرد

۸- مشتق مرتبه سوم تابع  $y = \ln(x)$  کدام گزینه زیر است:

$$\frac{1}{X^4} \quad .4 \quad -\frac{1}{X^3} \quad .3 \quad \frac{1}{X^2} \quad .2 \quad 2X^3 \quad .1$$

۹- مقدار مصرف از کالای  $X$  که مطلوبیت تابع مصرف کننده‌ای را با تابع مطلوبیت  $TU_x = 20x^3 - x^5$  حداکثر می‌کند چقدر است؟

$$5.4 \quad 2.3 \quad 10.2 \quad 20.1$$

۱۰- به ازای چه مقدار یا مقادیری از  $x$  تابع  $f(x) = x^3 - 3x + 1$  در حداکثر قرار دارد؟

$$x = -1 \quad .4 \quad x = 0 \quad .3 \quad x = 1 \quad .2 \quad x = -1 \quad .1$$

۱۱- تابع هزینه کل یک موسسه به صورت  $TC = 36 + 8y + y^3$  می‌باشد. به ازای چه مقداری از تولید، هزینه نهایی با هزینه متوسط برابر است؟

$$10.4 \quad 8.3 \quad 6.2 \quad 1.1$$

تعداد سوالات: تستی: ۴۰ تشریحی: ۰

عنوان درس: اقتصادریاضی

رشته تحصیلی/ گد درس: علوم اقتصادی (اقتصادنظری)، علوم اقتصادی (نظری) چندبخشی ۱۲۲۱۰۹۰

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۱۲۰ تشریحی: ۰

$$\frac{2}{3} < L < 1$$

$$L > 1$$

$$\frac{1}{2} < L < 1$$

$$0 < L < \frac{1}{2}$$

- ۱۲ منطقه اقتصادی تولید برای تابع تولید به صورت  $y = L + L^3 - L^5$  کدام است؟
- ۱۳ تابع هزینه کوتاه مدت یک بنگاه انحصار کامل به صورت  $STC = \frac{1}{3}y^3 - 8.5y^2 + 50y + 90$  داده شده است. چنانچه تابع تقاضا برای کالای این انحصارگر به صورت  $P_y = 22 - 0.5y$  باشد، چه مقدار تولید کالای  $y$  سود این انحصارگر را حداکثر می‌کند؟

۲.۴

۱۴.۳

۱۷.۲

۲۰.۱

- ۱۴ مقدار تولید  $y$  در تابع هزینه کل یک شرکت شیمیایی به صورت تابع  $C = 10y^3 - 120y^2 + 450y$  دارای چه وضعیتی است؟

۴. نقطه بحرانی نیست

۳. نقطه عطف تابع

۲. حداقل کننده تابع

۱. حداکثر کننده تابع

- ۱۵ اگر تابع تقاضا به صورت  $p = \frac{5}{x+1}$  باشد، مازاد رفاه مصرف کننده به ازای مقدار  $x = 4$  چقدر است؟

۴.  $5 \ln 5 - 4$ ۳.  $5 \ln 4 - 1$ 

۲.۲

۱.۱

۸۱.۴

۴۰.۳

۲۰.۲

۲/۳.۱

- ۱۶ حاصل انتگرال معین  $\int_{1}^{2} x^3 dx$  کدام است؟

- ۱۷ کدام گزینه در خصوص ضریب جینی صحیح است؟
۱. ضریب جینی شاخصی است برای اندازه گیری رفاه جامعه
۲. ضریب جینی برابر است با دو برابر مساحت بین منحنی لورنزو خط  $y = x$
۳. ضریب جینی با توجه به رابطه  $G = 1 + 2 \int_0^1 f(x) dx$  به دست می‌آید
۴. ضریب جینی بیانگر موقعیت‌هایی است که توزیع درآمد واقعی افراد را نشان می‌دهد

تعداد سوالات: تستی: ۴۰ تشریحی: ۰

عنوان درس: اقتصاد ریاضی

رشته تحصیلی/ گد درس: علوم اقتصادی (اقتصاد نظری)، علوم اقتصادی (نظری) چند بخشی ۱۲۲۱۰۹۰

۱۸- مساله بهینه سازی زیر را در نظر گرفته تعیین کنید جواب بهینه کدام گزینه زیر است؟

$$MinZ = 3X_1 + 5X_2$$

$$X_1 + X_2 = 100$$

$$X_1 \geq 50$$

$$X_2 \geq 20$$

$$X_1, X_2 \geq 0$$

۱. نقطه (۵۰ و ۵۰)  
۲. نقطه (۱۰ و ۱۵)  
۳. نقطه (۳۰ و ۳۰)  
۴. نقطه (۲۰ و ۸۰)

۱۹- با فرض تابع تولید به صورت  $Z = aK^{0.3}L^{0.8}$  کشش تولید نسبت به سرمایه و بازدهی نسبت به مقیاس تولید کدام است؟

۱. ۱.۱ و صعودی  
۲. ۱.۱ و ثابت  
۳. ۰.۳ و صعودی  
۴. ۰.۳ و نزولی

۲۰- درجه همگنی کدام یک از توابع زیر برابر صفر است؟

$$f(x, y) = x^3 - xy^2 + 3y^3 + x^2y$$

$$f(x, y) = \frac{3x^2}{5y^3}$$

$$f(x, y) = 5x + 5y$$

$$f(x, y) = x^2 + y^3$$

۲۱- شرایط کان-تاکر برای حل کدام یک از مسایل زیر مناسب است؟

۱. تابع هدف خطی و محدودیت ها از نوع نامساوی باشد  
۲. تابع هدف غیر خطی و محدودیت ها از نوع نامساوی باشد  
۳. تابع هدف خطی و محدودیت ها از نوع مساوی باشد  
۴. تابع هدف غیر خطی و محدودیت ها از نوع مساوی باشد

۲۲- اگر ماتریس هشین یک تابع دو متغیره در یک نقطه بحرانی برابر باشد  $\begin{bmatrix} -2 & 1 \\ 1 & -9 \end{bmatrix}$

خواهد داشت؟

۱. حداقل  
۲. حداقل  
۳. زینی  
۴. حداقل یا حداقل

تعداد سوالات: تستی: ۴۰ تشریحی: ۰

عنوان درس: اقتصاد ریاضی

وشته تحصیلی/ گد درس: علوم اقتصادی (اقتصاد نظری)، علوم اقتصادی (نظری) چند بخشی ۱۲۲۱۰۹۰

-۴۳- اگرتابع مطلوبیت مصرف کننده  $x_1^3 - x_2^3 = u = 2x_1x_2 + 6x_2 = 90$  و خط بودجه  $3x_1 + 6x_2 = 144$  باشد مقدار دترمینان هشین حاشیه ای برای تحقق شرط ثانی حداقل سازی مطلوبیت مصرف کننده کدام است؟

۲۸۸ . ۴

۱۴۴ . ۳

۷۲ . ۲

۳۶ . ۱

-۴۴- تابع مطلوبیت به صورت  $v = \min\left(\frac{x_1}{\alpha}, \frac{x_2}{\beta}\right)$  داده شده است مطلوبیت تعیین اینکه تابع مطلوبیت غیر مستقیم آن کدام گزینه زیر خواهد شد:

$$v = \frac{5}{3\alpha p_1 + 2\beta p_2} \quad .2$$

$$v = \frac{1}{3\alpha p_1 + 2\beta p_2} \quad .4$$

$$v = \frac{5}{\alpha p_1 + 2\beta p_2} \quad .1$$

$$v = \frac{1}{\alpha p_1 + \beta p_2} \quad .3$$

-۴۵- مبنای نظریه بازی ها بر این اساس استوار است که:

۱. رقبا بدون توجه به عکس العمل همدیگر با هم رقابت می کنند
۲. رقبا به صورت مستقل عمل می کنند
۳. رقبا به طور عقلایی با یکدیگر رقابت می کنند
۴. رقبا اطلاعی از امکانات و استراتژی های همدیگر ندارند

-۴۶- با توجه به ماتریس بازدهی دو بازیکن  $A$  و  $B$  به صورت زیر کدام استراتژی تحت سلطه استراتژی  $A$  قرار دارد؟

	$B_1$	$B_2$	$B_3$	$B_4$	$B_5$
$A_1$	۲	۴	۳	۵	۶
$A_2$	۵	۳	۶	۴	۴

 $B_5$  . ۴ $B_4$  . ۳ $B_3$  . ۲ $B_2$  . ۱

تعداد سوالات: تستی: ۴۰ تشریحی: ۰

عنوان درس: اقتصاد ریاضی

رشته تحصیلی/ گد درس: علوم اقتصادی (اقتصاد نظری)، علوم اقتصادی (نظری) چند بخشی ۱۲۲۱۰۹۰

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۱۲۰ تشریحی: ۰

۴۷- براساس جدول بازی زیر درجه صورت  $A_1$  تحت سلطه  $A_2$  است؟

$A_1$	$B_1$	$B_2$
$A_1$	$a$	$b$
$A_2$	$c$	$d$

 $a = b, c = d$  در صورتیکه ۲ $a > b, c > d$  در صورتیکه ۱ $a > c, b < d$  در صورتیکه ۴ $a > c, b > d$  در صورتیکه ۳

۴۸- کدام یک از معادلات زیر یک معادله دیفرانسیل دقیق (کامل) است؟

$(xt - t^2)dx - x^2dt = 0$  ۲

$(x^2 - x + t^2)dx - (te^t - xt)dt = 0$  ۱

$(xt^2 - t^3)dx - (x^2 - tx)dt = 0$  ۴

$6xtdx + (6x^2 + t)dt = 0$  ۳

۴۹- ریشه های مشخصه  $x' - 6x'' - 6x''' = 0$  برابر است با:

۱. ۲۰۳

۲. ۴۰۲

۳. ۱۰۲

۴. ۲۰۲

۵۰- مرتبه و درجه معادله دیفرانسیل  $t^2 \frac{dx}{dt} - \frac{d^2x}{dt^2} = 0$  کدام است؟

۱. مرتبه دو و درجه سه

۱. مرتبه دو و درجه یک

۲. مرتبه یک و درجه سه

۳. مرتبه سه و درجه دو

۵۱- ریشه معادله مفسر برای معادله تفاضلی  $y_{t+3} - 3y_{t+1} + 2y_t = 0$  برابر است با:

۱. ۴

۲. ۴۰۳

۳. ۲۰۳

۴. ۱

۵۲- در بحث کاربرد معادلات تفاضلی در نظریه تار عنکبوتی، اگرقدر مطلق شیب عرضه بزرگتر از شیب تقاضا باشد، کدام گزینه از نظر پایداری تعادل یا همگرایی به سمت تعادل صحیح است؟

۱. مسیر قیمت، نوسانی ثابت در اطراف قیمت تعادلی است

۱. مسیر قیمت، نوسانی ثابت در اطراف قیمت تعادلی است

۲. مسیر قیمت، نوسانی واگراست

۲. مسیر قیمت، نوسانی واگراست

۳. مسیر قیمت، واگراست

تعداد سوالات: تستی: ۴۰ تشریحی: ۰

عنوان درس: اقتصاد ریاضی

رشته تحصیلی/ گد درس: علوم اقتصادی (اقتصاد نظری)، علوم اقتصادی (نظری) چند بخشی ۱۲۲۱۰۹۰

**۳۳- روش‌های متداول جهت تصمیم‌گیری در نظریه بازی‌ها توسط کدام اندیشمندان زیر ارائه شد:**

۴. کورنو

۳. اجورث

۲. چمبرلین

۱. مورگنسترن

**۳۴- کدام گزینه زیر درست است؟**

۱. یک معادله دیفرانسیل را تفکیک پذیر گویند که بتوان آن را به صورت  $\frac{dx}{dt} = \frac{-f_2(t, x)}{f_1(t, x)}$  نوشت

۲. یک معادله دیفرانسیل را زمانی کامل گویند که بتوان آن را به صورت  $\frac{dx}{dt} = \frac{-f_1(t)}{f_1(x)}$  نوشت

۳. یک معادله دیفرانسیل را زمانی کامل گویند که بتوان آن را به صورت  $\frac{dx}{dt} = \frac{-f_2(t, x)}{f_1(t, x)}$  نوشت

۴. یک معادله دیفرانسیل را زمانی کامل گویند که آنرا بتوان به صورت  $\frac{dx}{dt} = \frac{f_2(t, x)}{f_1(x)}$  نوشت

**۳۵- تابع مطلوبیت مصرف کننده‌ای به صورت  $U = x_1^3 x_2^2$  و درآمد آن ۱۰۰ واحد پولی و قیمت دو کالای  $x_1$  و  $x_2$  به ترتیب ۲ و ۱ واحد پولی است مقدار بهینه مصرف دو کالا کدام گزینه زیر است؟**

۴. هیچ‌کدام

۳. ۲ و ۵

۲. ۲۵ و ۲۵

۱. ۵۰ و ۲۵

**۳۶- اگر تابع هزینه کل موسسه‌ای به صورت  $TC = \frac{1}{\mu} y^3 - 4y^2 + 2y$  باشد در این صورت به ازای چه مقداری از تولید هزینه نهایی با متوسط برابر می‌گردد؟**۴.  $y = 11$ ۳.  $y = 9$ ۲.  $y = 3$ ۱.  $y = 6$ **۳۷- مسیر بهینه مسأله لاغرانژ به صورت  $Max: J = \int_0^t e^{-\mu t} (\mu x' e^{\mu t} + \mu t^2 \dot{x}) dt$  کدام است؟**

$$x_t^* = e^{-\mu t} \left( \mu t^2 - \frac{2}{\mu} t^3 \right)$$

$$x_t^* = e^{\mu t} \left( \mu t^2 - \frac{2}{\mu} t^3 \right)$$

$$x_t^* = e^{-\mu t} \left( \mu t^2 - \frac{2}{\mu} t^3 \right)$$

$$x_t^* = e^{-\mu t} \left( \frac{2}{\mu} t^3 \right)$$

تعداد سوالات: تستی: ۴۰ تشریحی: ۰

عنوان درس: اقتصاد ریاضی

رشته تحصیلی/ گد درس: علوم اقتصادی (اقتصاد نظری)، علوم اقتصادی (نظری) چندبخشی ۱۲۲۱۰۹۰

-۳۸- اگر مصرف مستقل از درآمد ۱۵ و میزان درآمد در پس انداز صفر برابر ۵۰ واحد پولی و سرمایه گذاری دارای تابع  $I = 100 + 0.1Y$  فرض گردد در این صورت تولید تعادلی کدام گزینه زیر خواهد بود؟

۶۷۲ . ۴

۲۴۵ . ۳

۱۰۰ . ۲

۵۷۵ . ۱

-۳۹- اگر تابع تقاضا برای کالای یک بنگاه اقتصادی به صورت  $p = ۲۰ - ۵x$  باشد، مقدار ماکزیمم درآمد برابر است با:

۱۵ . ۴

۲۵ . ۳

۳۰ . ۲

۲۰ . ۱

-۴۰- نقطه بحرانی  $f(x, y) = x^2 + y^2 - xy + 10x - 10y$  در تابع دو متغیره  $f(x, y)$  دارای چه وضعیتی است؟

۴. نقطه عطف

۳. زینی

۲. مینیمم

۱. ماکزیمم