

سری سوال: یک ۱

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

تعداد سوالات: تستی: ۲۰ تشریحی: ۵

عنوان درس: رگرسیون ۲

رشته تحصیلی/ گد درس: آمار و کاربردها، ریاضیات و کاربردها ۱۱۱۷۱۸۰

۱- مقدار $\text{var}(\hat{y}_i) - \text{cov}(y_i - \hat{y}_i)$ کدام گزینه است؟

$$\sigma^2$$

۱. ۱

$$\sigma^2 \left(\frac{1}{n} + \frac{x_1 - \bar{x}}{s_{xx}} \right)^2$$

۱. ۳

۲- عبارت $MSE = \frac{\sum e_i^2}{n-2}$ کدام گزینه است؟

۲. باقی مانده استیومنت شده

۱. باقی مانده استاندارد شده

۴. باقی مانده های مقیاس نشده

۳. باقی مانده های حداقل و مربعات

۳- در مدل رگرسیون با n_i تکرار برای هر مقدار x_i عبارت $\sum_{i=1}^m n_i (\bar{y}_i - \hat{y}_i)^2$ کدام عبارت را محاسبه می کنند؟

۲. مجموع مربعات خطای محسوس

۱. مجموع مربعات خطاهای

۴. مجموع مربعات کل

۳. مجموع مربعات کمبود برازش

۴- در مدل رگرسیون چندمتغیره اگر $H = X(X'X)^{-1}X'$ باشد بردار خطای e با کدام گزینه برابر است؟

$$H = Hy$$

$$(I - H)y$$

$$I - HY$$

$$Hy$$

۵- اگر $\hat{\beta}$ برآورد حداقل و مربعات β باشد کدام گزینه نادرست است؟۱. اگر $\hat{\beta}_1$ دارای توزیع نرمال باشد آنگاه $\hat{\beta}$ برآوردگر درستنمایی ماکزیمم هم خواهد بود.۲. طبق قضیه گرس- مارکف $\hat{\beta}$ بهترین برآوردگر خطی ناریب β ۳. اگر $\hat{\beta}_1$ دارای توزیع نرمال باشد آن گاه $\hat{\beta}$ بهترین برآوردگر خطی ناریب است.

۴. طبق قضیه گوس- مارکف برآوردگر درستنمایی ماکزیمم و برآوردگر حداقل مربعات یکی هستند.

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

تعداد سوالات: تستی: ۲۰ تشریحی: ۵

عنوان درس: رگرسیون ۲

رشته تحصیلی/ گد درس: آمار و کاربردها، ریاضیات و کاربردها ۱۱۱۷۱۸۰

۶- جدول آنالیز واریانس یک مدل رگرسیونی را در نظر بگیرید

منبع تغییرات	مجموع مربعات	درجات آزادی	میانگین مربعات	F_0
رگرسیون			۵۰	۲
باقی مانده ها				
کل	۵۲۵			

اگر تعداد متغیرهای مستقل رگرسیونی ۳ باشد مقدار مجموع مربعات باقی مانده ها چقدر است؟

۱۸۴/۵ .۴

۸۵ .۳

۴۲۵ .۲

۲۶۲/۵ .۱

$$\text{در آماره آزمون برای کمبود برازش } F_0 = \frac{MS_{LOF}}{MS_{PE}} \text{ کدام گزاره درست نمی باشد؟}$$

۱. اگر $F_0 \geq F_{\alpha, m-2, n-m}$ تابع رگرسیون خطی نیست.۲. آماره F_0 دارای توزیع $F_{m-2, n-m}$ می باشد.

$$E(MS_{LOF}) = E(MS_{PE}) \quad \text{۳.}$$

۴. همواره تابع رگرسیون خطی نیست.

۵- مدل $y = \beta_0 e^{\beta_1 x}$ میتواند با تبدیل $y' = \ln y$ به کدام مدل تبدیل شود؟

$$y' = \beta_0 + \beta_1 x \quad \text{۶.}$$

$$y' = \ln \beta_0 + \beta_1 x \quad \text{۷.}$$

$$y' = \beta_0 + \beta_1 \ln x \quad \text{۸.}$$

$$y' = \ln \beta_0 + \beta_1 \ln x \quad \text{۹.}$$

۱۰- کدام گزینه درباره تبدیلات تثبیت کننده واریانس درست است؟

۱. اگر y دارای توزیع پواسون باشد می توان $y' = \sqrt{y}$ را در مقابل x در نظر گرفت.

۲. برای یک دامنه تغییرات نسبتا باریک نمی توان یک تبدیل ملایم بکار برد.

۳. ثابت بودن واریانس یک ضرورت اساسی در تحلیل رگرسیون نمی باشد.

۴. برای اینکه مدلی به یک مدل مناسب بپسود یابد و تصحیح شود یک تبدیل ضرورت دارد ولی این تبدیل به تثبیت واریانس کمک نمی کند.

تعداد سوالات: تستی: ۲۰ تشریحی: ۵

عنوان درس: رگرسیون ۲

رشته تحصیلی/ گد درس: آمار و کاربردها، ریاضیات و کاربردها ۱۱۱۷۱۸۰

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

$$\text{اگر در مدل } \epsilon = \beta_0 + \beta_1 x_1 + \beta_2 x_2 + \dots + \beta_p x_p + \epsilon \text{ بود و مدل بصورت } \hat{y} = \beta_0 + \beta_1 x_1 + \beta_2 x_2 + \dots + \beta_p x_p \text{ باشد، آنکه متغیرهای } x_1, x_2, \dots, x_p \text{ متغیرهای مستقل باشند، آنگاه مدل بصورت } \hat{y} = \beta_0 + \beta_1 x_1 + \beta_2 x_2 + \dots + \beta_p x_p + \epsilon \text{ با شرط آنکه متغیرهای } x_1, x_2, \dots, x_p \text{ مستقل باشند، آنگاه مدل بصورت } \hat{y} = \beta_0 + \beta_1 x_1 + \beta_2 x_2 + \dots + \beta_p x_p + \epsilon \text{ باشد.}$$

$$\text{SSR}(\beta_p) - \text{SSR}(\beta_1) \quad .1$$

$$\text{SSR}(\beta_1) - \text{SSR}(\beta_p) \quad .2$$

-۱۱ مدل $\epsilon = \beta_0 + \beta_1 x_1 + \beta_2 x_2 + \beta_{11} x_1^2 + \beta_{22} x_2^2 + \beta_{12} x_1 x_2 + \epsilon$ را در سطر نظر بگیرید این مدل را چه می نامند؟

۱. چندجمله ای یک متغیره درجه ۲

۲. چندجمله ای یک متغیره درجه ۱

-۱۲ در هنگام برآش یک چندجمله ای یک متغیره وقni که ۱۱ مشاهده داریم حداکثر درجه چندجمله ای چند باشد تا پیش بینی به خوبی صورت پذیرد؟

۱. کمتر از یک

۲. کوچکتر یا مساوی دو

۳. کمتر از ۱

۴. کمتر از n

-۱۳ یک شرکت مولد وسایل برقی تاثیر سطح زیربنا در منزل های یک خانواده و نوع تهویه مطبوع مورد استفاده در منزل را در کل برق مصرفی طی ماههای با هوای گرم مورد رسیدگی قرار می دهد. فرض کل برق مصرفی طی ماههای ژوئن، تا سپتامبر، X₁، مساحت منزل و X₂ چهار نوع سیستم تهویه ۱- برونت تهویه ۲- یونیت های پنجره دار ۳- پمپ گرما ۴- تهویه مرکزی باشد. چهار سطح عامل با سه متغیر نشانگر X₃, X₄, X₅ بصورت زیر مدل سازی می شود.

نوع تهویه	X ₁	X ₂	X ₃
بدون تهویه هوای	۰	۰	۰
پرینت های پنجره دار	۱	۰	۰
پمپ گرما	۰	۱	۰
تهویه صدای مرکزی	۰	۰	۱

اگر مدل رگرسیون بصورت $y = \beta_0 + \beta_1 x_1 + \beta_2 x_2 + \beta_3 x_3 + \beta_4 x_4 + \epsilon$ باشد در حالتی که منزل تهویه نداشته باشد مدل کدام گزینه است؟

$$y = (\beta_0 + \beta_1) + \beta_2 x_2 + \epsilon \quad .1$$

$$y = (\beta_0 + \beta_2) + \beta_1 x_1 + \epsilon \quad .2$$

$$y = \beta_0 + \beta_1 x_1 + \epsilon \quad .3$$

$$y = (\beta_0 + \beta_3) + \beta_1 x_1 + \epsilon \quad .4$$

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

تعداد سوالات: تستی: ۲۰ تشریحی: ۵

عنوان درس: رگرسیون ۲

وشته تحصیلی/ گد درس: آمار و کاربردها، ریاضیات و کاربردها ۱۱۱۷۱۸۰

-۱۴ فرض کنید در مدل رگرسیونی خطی ساده $E(\varepsilon) = 0, \sigma^2 = Var(\varepsilon)$ با $y = \beta_0 + x\beta_1 + \varepsilon$ غیر همبسته باشد در اینصورت:

$$Cov(\bar{y}, \hat{\beta}_1) = 0$$

$$Cov(\hat{\beta}_0, \hat{\beta}_1) = 0$$

$$Cov(\hat{\beta}_0, \bar{y}) = 0$$

$$Cov(\bar{y} + \hat{\beta}_0, \hat{\beta}_1) = 0$$

-۱۵ در مدل رگرسیون چند متغیره $y = \beta_0 + \beta_1 x_1 + \beta_2 x_2 + \varepsilon$ نشان دهنده چیست؟

۱. سرعت برش

۱. عمر موثر وسیله

۲. عمق برش

۳. عمق ارتفاع از مبدأ صفحه رگرسیونی

-۱۶ کدامیک از گزینه های زیر همگی برای انتخاب بهترین متغیرهای رگرسیونی در یک مدل نمی باشد؟

۱. همه رگرسیون های ممکن

۱. میانگین مربعات باقی مانده ها

۲. روش قدم به قدم

۳. حذف پیشرو

-۱۷ اگر در مدل $y = X\beta + \varepsilon$ متغیرهای رگرسیونی را مرکزی شده و به طول واحد مقیاس سازی کنیم آن گاه X^1 نشانگر کدام گزینه است؟

۱. ماتریس واریانس کواریانس

۱. ماتریس همبستگی

۲. ماتریس کواریانس

۲. ماتریس یکه I

-۱۸ در یک مدل اگر بین متغیرهای رگرسیونی هم خطی شدید وجود داشته باشد کدام گزاره درست نمی باشد؟

۱. واریانس برآوردگرهای ضرایب رگرسیونی بزرگ می شود.

۲. کواریانس بین برآورد کننده های ضرایب رگرسیونی کوچک می شوند.

۳. نمونه های مختلف از سطوح یکسان x منجر به برآوردهای متفاوت می شود.۴. همبستگی بین متغیرهای رگرسیونی و متغیر u تغییری نمی کند.

-۱۹ کدامیک از گزینه های زیر روش های بررسی هم خطی نمی باشد؟

۱. ماتریس همبستگی

۱. ماتریس همبستگی

۲. عوامل تورم واریانس

۲. عوامل تورم واریانس

۳. جمع آوری داده های اضافی

۳. مقدادر ویژه ماتریس X^1

-۲۰ مدل ماتریسی مناسب رگرسیون چند متغیره کدام گزینه است؟

$$y = X\beta \quad .4$$

$$X = \beta Y \quad .3$$

$$X = \beta + \varepsilon Y \quad .2$$

$$y = X\beta + \varepsilon \quad .1$$

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

تعداد سوالات: تستی: ۲۰ تشریحی: ۵

عنوان درس: رگرسیون ۲

رشته تحصیلی/ گد درس: آمار و کاربردها، ریاضیات و کاربردها ۱۱۱۷۱۸۰

سوالات تشریحی

۱،۴۰ نمره ۱- در مدل رگرسیون چندمتغیره برآورد حداقل مربعات β را بدست آورید و نشان دهید که این برآوردگر نااریب برای β است؟

۱،۴۰ نمره ۲- نشان دهید از مدل رگرسیون چندگانه $SS_R(\beta) = y'Hy$

۱،۴۰ نمره ۳- در مدل رگرسیون چندمتغیره $y = x\beta + \varepsilon$ با فرض آنکه ε دارای توزیع نرمال با میانگین صفر واریانس σ^2 باشد برای میانگین $X_{0,k}, \dots, X_{n,k}$ برای میانگین پاسخ یک فاصله اطمینان بدست آورید.

۱،۴۰ نمره ۴- توابع $y = \frac{x}{\beta_0 x - \beta_1}$, $y = \beta_0 + \beta_1 \log x$, $y = \beta_0 + \beta_1 \left(\frac{1}{x} \right) + \varepsilon$ قابلیت خطی شدن را دارند تبدیل لازم و شکل خطی را برای هر کدام بدست آورید.

۱،۴۰ نمره ۵- نشان دهید در مدل $v(\hat{y}) = \sigma^2 H$, $y = x\beta + \varepsilon$