

سری سوال: یک ۱

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

تعداد سوالات: تستی: ۲۵ تشریحی: ۴

عنوان درس: مبانی آنالیز عددی

وشته تحصیلی/ گد درس: آمار و کاربردها، ریاضی کاربردی (آنالیز عددی)، ریاضی کاربردی (تحقیق در عملیات)، ریاضیات و کاربردها، علوم کامپیوتر ۱۱۱۱۳۲۳

استفاده از ماشین حساب ساده، ماشین حساب مهندسی مجاز است

-۱ برای مطالعه حرکت آونگ نوسانی به محاسبه دوره تناب با رابطه $T = 2\pi \sqrt{\frac{l}{g}}$ نیازمندیم. اگر بخواهیم مقدار T را به ازای مقادیر معینی از ۱ و ۸ حساب کنیم، با چه منبعی از خطاء مواجه می شویم؟

۴. خطای داده

۳. خطای روشن

۲. خطای نمایش اعداد

۱. خطای مدل

-۲ گردشده‌ی عدد $\frac{\sqrt{3}}{40}$ را تا چهار رقم با معنا ($4S$) برابر است با:

۰/۴۳۳۰ . ۴

۰/۴۳۳۱ . ۳

۰/۰۴۳۳ . ۲

۰/۰۴۳۳۰ . ۱

-۳ بسط عدد $\frac{1}{31}$ در مبنای ۵ کدام است؟

۰/۰۰۴ . ۴

۰/۰۰۴ . ۳

۰/۰۰۴ . ۲

۰/۰۰۴ . ۱

-۴ تقریبی از مقدار $\sin(\frac{\pi}{11})$ را با خطای کمتر از ۱۰ کدام است؟

۰/۲۹۰ . ۴

۰/۲۸۰ . ۳

۰/۲۸۲ . ۲

۰/۲۸۱ . ۱

-۵ تعداد ریشه‌های مثبت معادله $2^x - x^2 = 0$ کدام است؟

۱. صفر

۲. یک

۳. دو

۴. سه

-۶ تعداد تکرارهای لازم (تعداد مراحل) روش دوبخشی (تصنیف) برای تقریب ریشه‌ی مثبت معادله $\sin(x) - \frac{x}{2} = 0$ کدام است؟

۴. هشت تکرار

۳. هفت تکرار

۲. شش تکرار

۱. پنج تکرار

-۷ برای محاسبه ریشه‌ی مثبت معادله $x_{n+1} = g(x_n)$ به روش تکرار ساده برای دنباله‌ی (x_n) در بازه‌ی $[0/5, 1]$ کدام تابع تکرار همگرایی تضمین شده و سریعتری به ریشه دارد؟

$$g(x) = \sqrt{x^r - x} \quad .4$$

$$g(x) = \sqrt{1-x} \quad .3$$

$$g(x) = \frac{1}{1+x} \quad .2$$

$$g(x) = 1 - x^r \quad .1$$

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

تعداد سوالات: تستی: ۲۵ تشریحی: ۴

عنوان درس: مبانی آنالیز عددی

وشته تحصیلی/گد درس: آمار و کاربردها، ریاضی کاربردی (آنالیز عددی)، ریاضی کاربردی (تحقیق در عملیات)، ریاضیات و کاربردها، علوم کامپیوتر ۱۱۱۳۲۳

-۸ با فرض اینکه دنباله تکراری ساده $x_{n+1} = \frac{e^{-x_n}}{3}$, $x_n \geq 0$ همگرایی تضمین شده دارد، شرط کافی برای همگرایی این

دنباله به ریشه مثبت معادله $3xe^x - 1 = 0$ کدام است؟

$x > \ln(3)$

$x < \ln\left(\frac{1}{3}\right)$

$x < \ln(3)$

$x > \ln\left(\frac{1}{3}\right)$

-۹ با استفاده از روش نیوتون-رافسون تقریب x_0 را تا چهار رقم اعشار (۴D) برای ریشه‌ی معادله $f(x) = x + \cos(x) = 0$

$x_0 = -0.7391$

$x_1 = -0.7391$

$x_2 = -0.7394$

$x_3 = -0.7394$

-۱۰ اگر $z = -1 + 3i$ ریشه‌ی معادله $p(z) = z^2 + 2z + 10 = 0$ باشد. در این صورت z ریشه‌ی کدام معادله است؟

$10z^2 + 2z + 1 = 0$

$10z^2 + z + 2 = 0$

$-z^2 - 2z + 10 = 0$

$z^2 + 10z + 2 = 0$

-۱۱ برای معادله $p(z) = z^3 - z^2 - 10z + 4 = 0$ کدام گزینه صحیح می‌باشد؟

۱. تمامی ریشه‌های حقیقی آن نمی‌توانند بیشتر از $\sqrt{21}$ باشد.

۲. دقیقاً دو ریشه‌ی مختلط و یک ریشه‌ی حقیقی دارد.

۳. تمامی ریشه‌های حقیقی آن نمی‌توانند کمتر از $\frac{4}{27}$ باشد.

۴. دقیقاً دو ریشه‌ی حقیقی مثبت و یک ریشه‌ی حقیقی منفی دارد.

-۱۲ مجموع و حاصلضرب ریشه‌های معادله $x^5 + 2x^4 + 2x^3 + 2x^2 + x + 1 = 0$ به ترتیب از راست به چپ کدام است؟

۴. ۱ و ۲

۳. ۲ و -۱

۱. ۱ و -۲

۰. صفر و ۱

-۱۳ معادله $z^4 + z^3 + z^2 + z + 1 = 0$ چند ریشه‌ی گویا دارد؟

۴. پنج

۳. چهار

۲. سه

۱. دو

-۱۴ اگر نقاط x_1, x_2, \dots, x_n دو به دو متمایز و $L_j(x)$ چندجمله‌ای لاغرانژ مبتنی براین نقاط باشد. آنگاه مقدار

$\sum_{k=1}^n \sum_{j=1}^n L_j(x_k)$ کدام است؟

۴. صفر

۱. ۳

۱. ۲

۰. ۱

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

تعداد سوالات: تستی: ۲۵ تشریحی: ۴

عنوان درس: مبانی آنالیز عددی

وشته تحصیلی/ گد درس: آمار و کاربردها، ریاضی کاربردی (آنالیز عددی)، ریاضی کاربردی (تحقیق در عملیات)، ریاضیات و کاربردها، علوم کامپیوتر ۱۱۱۱۳۲۳

-۱۵- نقاط (x_i, y_i) برای $i = 0, 1, 2, 3$ روی نمودارتابع $f(x) = x^r + x + 1$ قرار دارد. تقریب کمترین مربعات درجه سوم این نقاط کدام است؟

$y = x^r + x + 1 \quad .\cdot 4$

$y = x^r + x - 1 \quad .\cdot 3$

$y = x^r - x - 1 \quad .\cdot 2$

$y = x^r - x + 1 \quad .\cdot 1$

-۱۶- فرض کنید: $f(x) = x^{n+1}$ در این صورت مقدار $f[0, 1, 2, \dots, n]$ کدام است؟

$\frac{n+1}{2} \quad .\cdot 4$

$\frac{n(n+1)}{2} \quad .\cdot 3$

$\frac{n(n-1)}{2} \quad .\cdot 2$

۱. یک

مقادیر $\Delta^r f_1, \Delta^r f_2, \dots$ به ترتیب از راست به چپ کدام است؟

x_i	-1	+	1	2
f_i	*	*	1	6

-۱۷

-۱۸- تابع $\cos(x)$ را روی بازه $[0, \pi]$ با کدام طول گام h باید جدولبندی کرد تا خطای حاصل از درونیابی خطی (درجه یک) مبتنی بر دو نقطه‌ی متواالی جدول کمتر از $10^{-3} \times 2 \times 10^{-3}$ شود؟

۴. حداقل ۰/۰۲

۰/۰۲ . ۳

۰/۰۴ . ۲

۰/۰۴ . ۱

-۱۹- خطای $\frac{\Delta^r f_i}{h^r}$ بعنوان تقریبی از $f''(x_i + h)$ متناسب با چه توانی از h است؟

۲. ۰/۰۴

۱ . ۳

۴ . ۲

۳ . ۱

-۲۰- قاعده‌ی $\frac{3}{8}$ برای انگرالگیری عددی توابع با صرف نظر از خطای محاسبه برای چه توابعی دقیق است؟

۲. توابع چندجمله‌ای حداقل از درجه ۲

۱. توابع چندجمله‌ای حداقل از درجه ۴

۴. توابع چندجمله‌ای حداقل از درجه ۱

۳. توابع چندجمله‌ای حداقل از درجه ۳

-۲۱- برآورد $I = \int_{0}^{\pi} x^r dx$ با روش نقطه‌ی میانی با $h = 0/25$ تا دو رقم اعشار (۲D) کدام است؟

۰/۳۳ . ۴

۰/۳۲ . ۳

۰/۳۱ . ۲

۰/۳۰ . ۱

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

تعداد سوالات: تستی: ۲۵ تشریحی: ۴

عنوان درس: مبانی آنالیز عددی

وشته تحصیلی/ گد درس: آمار و کاربردها، ریاضی کاربردی (آنالیز عددی)، ریاضی کاربردی (تحقیق در عملیات)، ریاضیات و کاربردها، علوم کامپیوتر ۱۱۱۳۲۳

-۴۲ برای برآورد $I = \int_{-1}^1 \sin^3(x) dx$ با روش سیمپسون و با خطای کمتر از 10^{-4} بازه $[0, 2]$ را باید به چند زیر بازه با

طول یکسان تقسیم کرد؟

۱۳. ۴

۱۲. ۳

۱۰. ۲

۹. ۱

-۴۳ تقریب انتگرال $\int_{-1}^1 (x^3 - x) dx$ به روش دونقطه ای گاوس ($m = 1$) کدام است؟

 $-\frac{1}{12} \cdot 4$ $-\frac{1}{8} \cdot 3$ $-\frac{1}{4} \cdot 2$ $-\frac{1}{2} \cdot 1$

-۴۴ برآورده از $y(1/2)$ که $y(x)$ جواب مسئله مقدار اولیه $y(1) = 1$ را به روش اویلر کدام است؟

-۱/۲۱. ۴

۱/۱. ۳

۱/۲۱. ۲

-۱/۱. ۱

-۴۵ کدام گزینه صحیح است؟

۱. خطای کلی روش پیراسته اویلر در حل مسائل مقدار اولیه با طول گام h از مرتبه $O(h^1)$ است.۲. خطای موضعی روش رونگه-کوتای مرتبه چهار در حل مسائل مقدار اولیه با طول گام h از مرتبه $O(h^4)$ است.

۳. روش رونگه - کوتای مرتبه دوم حالت خاصی از روش پیراسته اویلر است.

۴. روش اویلر در حل مسائل مقدار اولیه همان روش تیلر مرتبه دوم است.

سوالات تشریحی

۱۷۵ نمره

۱- برای تعیین ریشه مثبت معادله $f(x) = x^3 + x - 1 = 0$ به روش تکرار ساده از تابع تکرار
$$g(x) = \frac{x^3 + 1}{2x + 1}$$
 استفاده شده است. مطلوب است:
الف) مرتبه همگرایی (سرعت همگرایی) دنباله تکرار (x_n) را محاسبه کنید.ب) مقدار تقریبی ریشه را تا ۵ رقم اعشار (D5) با معیار توقف $|f(x_n)| < 10^{-4}$ بدست آورید.

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

تعداد سوالات: تستی: ۲۵ تشریحی: ۴

عنوان درس: مبانی آنالیز عددی

وشته تحصیلی/ گذ درس: آمار و کاربردها، ریاضی کاربردی (آنالیز عددی)، ریاضی کاربردی (تحقیق در عملیات)، ریاضیات و کاربردها، علوم کامپیوتر ۱۱۱۳۲۳

نمره ۱.۷۵

- قضیه مربوط به خطای چندجمله‌ای درونیاب را بیان کنید، سپس بکمک این قضیه ثابت کنید که اگر

$P(x) = x^{n+1}$ و $f(x) = \int e^x \cos(x) dx$ چندجمله‌ای درونیاب f مبتنی بر نقاط متمایز x_0, \dots, x_n باشد. آنگاه

$$f[x_0, \dots, x_n] = 1 \quad .1$$

$$f[x_0, \dots, x_n] = \sum_{i=0}^n x_i \quad .2$$

نمره ۱.۷۵

- تقریبی از $I = \int e^x \cos(x) dx$ را به روش قاعده‌ی رامبرگ با انتخاب $h = 1, \frac{1}{2}, \frac{1}{4}$ تا ۵ رقم اعشار به

دست آورید.

نمره ۱.۷۵

- با استفاده از روش رونگه - کوتای مرتبه‌ی چهارم تقریبی از $y^{(1/1)}$ را برای مسئله‌ی مقدار اولیه‌ی

$$\begin{cases} y' = x + 2y \\ y(1) = -1 \end{cases} \quad \text{با } h = 0/1$$