

تعداد سوالات: تستی: ۲۰
تیریخ: ۵

نام درس: آمار و احتمال ۱
دشته تحصیلی / گذرس: علوم کامپیوتر (ستی و تجمعی: ۱۱۱۷۰۷۷) - ریاضی (۱۱۱۷۰۲۰)

مجاز است.

استفاده از ماشین حساب

گذ سوی سوال: یک (۱)

امام خمینی^(ره): این محروم و صفر است که اسلام را زنده نگه داشته است.

۱. درآمد خانوار با کدام مقیاس اندازه‌گیری می‌شود؟

د. اسمی

ج. نسبتی

ب. فاصله‌ای

الف. ترتیبی

۲. بین \bar{X}_G و \bar{X}_H چه رابطه‌ای برقرار است؟

$\bar{X} \leq \bar{X}_H \leq \bar{X}_G$

الف. $\bar{X} = \bar{X}_H = \bar{X}_G$

$\bar{X} \geq \bar{X}_G \geq \bar{X}_H$

ج. $\bar{X} \geq \bar{X}_H \geq \bar{X}_G$

۳. میانه داده‌های ۵ و ۴ و ۳ و ۶ و ۳ و ۲ و ۱ کدام است؟

۴/۵ د.

۴ ج.

۳ ب.

۳/۵ الف.

۴. در بسط $(2x + 3y + 4z + w)^9$ ضریب $x^3 y^3 z^3 w$ کدام است؟

د. $9! 2! 3! 3!$

$\frac{9! 14608}{3! 2! 3! 3!}$

ب. $9!$

الف. $\frac{9!}{3! 2! 3! 3!}$

۵. چند عدد چهار رقمی وجود دارد؟

۹۰۰۰

$\binom{10}{4}$

۵۰۴۰

الف. 10^4

۶. فرض کنید A, B دو پیشامد مستقل باشند. اگر $P(A) = 0.3$ و $P(B) = 0.6$ آنگاه $P(A \cup B)$ برابر است با:

۰/۲۸ د.

۰/۱۸ ج.

۰/۹ ب.

الف. ۰/۷۲

۷. از ظرفی که حاوی ۵ مهره سبز و ۳ مهره آبی است، ۲ مهره بدون جایگزینی انتخاب می‌شود احتمال اینکه مهره دوم سبز باشد

قدرت است؟

$\frac{25}{64}$

$\frac{35}{64}$

$\frac{20}{56}$

الف. $\frac{35}{56}$

۸. اگر تاس را دوبار پرتاب کنیم و بدانیم مجموع شماره‌ها ۷ است. احتمال اینکه شماره تاس از ۵ کمتر باشد چقدر است؟

$\frac{16}{36}$

$\frac{6}{36}$

$\frac{1}{3}$

الف. $\frac{2}{36}$

تعداد سوالات: تستی: ۲۰ تشریحی: ۵
زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۱۱۱۷۰۷۷

نام درخواه‌آمار و احتمال ۱

دشته تحصیلی / گذرس: علوم کامپیوتر (ستی و تجمعی: ۱۱۱۷۰۲۰) - ریاضی (۱۱۱۷۰۷۷)

مجاز است.

استفاده از ماشین حساب

گذرسی سوال: یک (۱)

۹. در جدول تابع احتمال زیر $E(X)$ چقدر است؟

$X=x$	۰	۱	۲	۳
$f(x)$	۰/۱	۰/۳	a	۰/۱۴

- الف. ۱/۹
ب. ۱
ج. ۰/۳
د. قابل محاسبه نیست

۱۰. در تابع چگالی احتمال $f(x) = ce^{-rx}$ ، مقدار c چقدر است؟

- الف. $\frac{1}{2}$
ب. ۱
ج. ۰/۳
د. ۳

۱۱. اگر تابع اعمال y, x به صورت زیر باشد $F(1, 2)$ را به دست آورید:

x \ y	۱	۲	۳
۱	۰/۱	۰/۲	۰/۲
۲	۰/۱	۰/۱	۰/۳

- الف. ۰/۱
ب. ۱
ج. ۰/۲
د. ۰/۳

۱۲. تابع مولد گشتاور متغیر تصادفی X به صورت $M_X(t) = e^{3t + 8t^2}$ داده شده است. تابع مولد گشتاورهای متغیرتصادفی $Z = \frac{1}{4}(X - 3)$ چقدر است؟

$$e^{-\frac{t}{4}}$$

الف. $e^{\frac{t^2}{4}}$
ب. $e^{-\frac{t^2}{4}}$

$$e^{3t + 8t^2} \cdot e^{\frac{-3t - 24t^2}{4}}$$

ج. $e^{\frac{3t - 24t^2}{4}}$

۱۳. اگر متغیرهای تصادفی مستقل X_1, X_2, X_3 به ترتیب دارای میانگین ۴ و ۹ و ۳ و واریانس‌های ۳ و ۷ و ۵ باشند،
واریانس $Y = ۲X_1 - ۳X_2 + ۴X_3$ برابر است با:

- الف. ۲۹
ب. ۱۵۵
ج. ۴۷
د. ۵

کارشناسی (ستی و تجمعی)

تعداد سوالات: تستی: ۲۰
تشرییحی: ۵

نام درس: آمار و احتمال ۱
دشته تحصیلی / گذرس: علوم کامپیوتر (ستی و تجمعی: ۱۱۱۷۰۷۷) - ریاضی (۱۱۱۷۰۲۰)

مجاز است.

استفاده از ماشین حساب

گذرسی سوال: یک (۱)

۱۴. اگر μ , σ به ترتیب میانگین و انحراف معیار متغیر تصادفی X باشند. آنگاه برای هر ثابت مثبت K , کدامیک از روابط زیر برقرار است؟

$$P(|X - \mu| < k\sigma) \leq 1 - \frac{1}{k^2}$$

$$P(|X - \mu| < k\sigma) \geq 1 - \frac{1}{k^2}$$

$$P(|X - \mu| < k\sigma) \geq 1 - \frac{1}{k^2}$$

$$P(|X - \mu| > k\sigma) \geq 1 - \frac{1}{k^2}$$

۱۵. اگر تابع چگالی احتمال X به صورت $E(X^n) = \frac{1}{x \ln^3}$, $1 < x < 3$ برابر است با:

$$\frac{1}{\ln^3}$$

ج. ۴

$$\frac{2}{\ln^3}$$

$$\frac{4}{\ln^3}$$

۱۶. اگر X دارای توزیع دوجمله‌ای با پارامترهای n, θ باشد، کدامیک از روابط زیر نادرست است؟

$$\mu = n\theta, \sigma^2 = n\theta(1-\theta)$$

$$b(x; n, \theta) = b(n-x; n, 1-\theta)$$

$$M_X(t) = [1 + \theta(e^t - 1)]^n$$

$$\mu' = n(n-1)\theta$$

۱۷. درصد محصولات معیوب کارخانه‌ای ۱۰/۰۰۰۱ می‌باشد احتمال اینکه از این ۱۰۰۰ محصول فقط یک محصول معیوب باشد، چقدر است؟

$$0.1e^{-0.1}$$

$$0.0001e^{-0.0001}$$

$$0.1$$

$$0.0001$$

۱۸. اگر X دارای توزیع یکنواخت پیوسته با پارامترهای n, θ باشد آنگاه احتمال اینکه X مقداری کمتر از $(\alpha - p(\beta - \alpha))$ اختیار کند چقدر است؟

$$\alpha + p(\beta - \alpha)$$

$$\frac{1}{\beta - \alpha}$$

$$\alpha - p$$

$$p$$

۱۹. اگر X دارای تابع مولد گشتاور به صورت $M_X(t) = e^{\mu t + \frac{1}{2}t^2\sigma^2}$ باشد توزیع X چیست؟

د. نمایی

ج. پیرسن

ب. نرمال

الف. یکنواخت



1	ج
2	د
3	الف
4	ج
5	د
6	الف
7	الف
8	ب
9	الف
10	ج
11	د
12	الف
13	ب
14	د
15	الف
16	ج
17	ب
18	الف
19	ب
20	ج

تعداد سوالات: تستی: ۲۰ تشریحی: ۵

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۷۷

نام درین آمار و احتمال ۱

دشته تحصیلی / گذرس: علوم کامپیوتر (ستی و تجمعی: ۱۱۱۷۰۷۷) - ریاضی (۱۱۱۷۰۲۰)

مجاز است.

استفاده از ماشین حساب

گذرسی سوال: یک (۱)

۲۰. تحت چه شرایطی توزیع دو جمله‌ای را می‌توان توسط توزیع نرمال تقریب زد؟

الف. n خیلی بزرگ و θ خیلی کوچکب. n خیلی بزرگ و θ نزدیک به یکج. n کوچک و θ نزدیک $\frac{1}{2}$

سوالات تشریحی

بارم هر سؤال ۱/۴ نمره می‌باشد.

۱. جدول توزیع فراوانی زیر را درنظر بگیرید و میانگین، میانه و مد را محاسبه کنید.

ردیه‌ها	۰-۴	۴-۸	۸-۱۲	۱۲-۱۶	۱۶-۲۰
فراوانی	۵	۸	۱۳	۸	۵

۲. جعبه I شامل ۲ مهره سفید و ۴ مهره سیاه است و جعبه II شامل ۳ مهره سفید و ۲ مهره سیاه است. یک جعبه به تصادف انتخاب و دو مهره از این جعبه انتخاب می‌شود.

الف. احتمال اینکه هر دو مهره سفید باشد چقدر است؟

ب. احتمال اینکه جعبه II انتخاب شود به شرط آنکه هر دو مهره سفید باشند چقدر است؟

۳.تابع توزیع متغیر تصادفی X را که چگالی احتمال آن به صورت:

$$f(x) = \begin{cases} x & 0 < x < 1 \\ 2-x & 1 \leq x \leq 2 \\ 0 & \text{سایر جاهای} \end{cases}$$

داده شده است بیابید.

۴. در سوال ۳، $E(X)$, $var(X)$ را به دست آورید.۵. اگر X دارای توزیع پواسن با پارامتر λ باشد آنگاه $M_X(t)$, $E(X)$, $var(X)$ را به دست آورید.