

تعداد سوالات: سنتی: ۲۵ تشریحی: ۴

نامه ساختمان گستته - ریاضیات گستته - ساختمان های گستته

دشته تحصیلی / گذوں: مهندسی کامپیوتر (ستی- تجمعی) ۱۱۱۵۰۶۷

علوم کامپیوتر (تجمعی ۱۱۱۵۰۶۷ - ۱۱۱۱۱۰۴ - سنتی ۱۱۱۵۱۳۷) - فناوری اطلاعات (ستی ۱۱۱۵۱۹۶ - مدیریت اجرایی ۱۱۱۵۱۹۶) مجاز است.

استفاده از: — گذوں سوال: یک (۱)

امام خمینی (ره): این محروم و صفر است که اسلام را زنده نگه داشته است.

۱. کدام استنتاج نادرست است؟

ب.  $p \wedge q \vdash p \vee r$

الف.  $q \wedge \neg p \leftrightarrow r \vdash r$

د.  $p \vee q \wedge q \rightarrow p \text{ و } p \rightarrow r \vdash r$

ج.  $q \wedge \neg p \rightarrow r \vdash p$

۲. فرض کنید جهان سخن مجموعه اعداد حقیقی باشد و  $x^2 > 25$ :  $P(x)$  و  $Q(x)$  منفی است:  $\exists x, \neg P(x) \wedge \neg Q(x)$  کدام گزاره زیر غلط است؟

ب.  $\forall x, P(x) \vee Q(x) \vee \exists x, \neg Q(x)$

الف.  $\exists x, \neg P(x) \wedge Q(x)$

د.  $\forall x, P(x) \vee Q(x)$

ج.  $\exists x, Q(x) \vee \exists x, \neg P(x)$

۳. کدام گزینه زیر بیان گفته استقرای قوی ریاضی است؟

الف.  $\forall k[n_0 \leq k \leq n_1, P(k)] \wedge \forall k \geq n_1 \{ [\forall i[n_0 \leq i \leq k, P(i)] \rightarrow P(k+1)] \vdash \forall n \geq n_0 P(n)$

ب.  $\forall k[n_0 \leq k \leq n_1, P(k)] \wedge \forall k \geq n_1 \{ [\forall i[n_0 \leq i \leq n_1, P(i)] \rightarrow P(k+1)] \vdash \forall n \geq n_0 P(n)$

ج.  $\forall k[n_0 \leq k \leq n_1, P(k)] \wedge \forall k \geq n_1 \{ [\forall i[n_0 \leq i \leq k, P(i)] \rightarrow P(i+1)] \vdash \forall n \geq n_0 P(n)$

د.  $\forall k[n_0 \leq k \leq n_1, P(k)] \wedge \forall k \geq n_1 \{ [\forall i[n_0 \leq i \leq n_1, P(i)] \rightarrow P(i+1)] \vdash \forall n \geq n_0 P(n)$

۴. فرض کنید  $(X, P(X))$  مجموعه تمام زیرمجموعه های یک مجموعه  $X$  با حداقل سه عضو باشد. سه رابطه زیر روی  $P(X)$  تعریف شده اند:

$S : A \cap B = \emptyset$

$T : A \cup B = X$

$R : A \subseteq B$

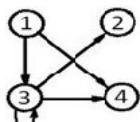
کدام یک دارای خاصیت بازتابی است؟

د. هر سه

ج.  $R$ ب.  $S$ الف.  $T$ 

۵. کدام رابطه در سوال ۴ دارای خاصیت ضدتقارن است؟

د. هر سه

ج.  $R$ ب.  $S$ الف.  $T$ ۶. بستار متعدد رابطه  $R$  که با گراف زیر توصیف شده چیست؟

الف.  $\{(1,2), (1,3), (1,4), (3,2), (3,3), (3,4)\}$       ب.  $\{(2,4), (1,3), (1,4), (3,2), (3,3)\}$

ج.  $\{(1,2), (2,4), (1,3), (1,4), (3,2), (3,3), (3,4)\}$       د.  $\{(2,3), (1,3), (1,4), (3,2), (3,3), (3,4)\}$

۷. اگر  $R$  رابطه ای در مجموعه اعداد صحیح  $Z$  باشد که به صورت زیر تعریف شده است:  $aRb$  اگر و تنها اگر  $a^2 - b^2$  مضربی از۲ باشد. چند کلاس هم ارزی برای  $R$  وجود دارد؟

د. ۴

ج. ۳

ب. ۲

الف. ۱

۸. کدام رابطه زیر یک ترتیب جزئی در  $A$  است؟

ب.  $aRb \Leftrightarrow a+b=1$  و  $A=Z$

الف.  $aRb \Leftrightarrow a \mid b^2$  و  $A=Z$

د.  $aRb \Leftrightarrow a \nmid b$  و  $A=Z$

ج.  $aRb \Leftrightarrow a=b^k$  و  $A=Z$  عدد صحیح ثابت

## کارشناسی (سترنی - تجمعی)

تعداد سوالات: تستی: ۲۵

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۷۵

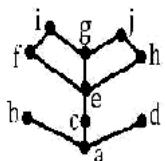
نام: \_\_\_\_\_ ساختمان گستته - ریاضیات گستته - ساختمان های گستته

دشته تحصیلی / گذرس: مهندسی کامپیوتر (سترنی - تجمعی) ۱۱۱۵۰۶۷

علوم کامپیوتر (تجمعی ۱۱۱۵۰۶۷ - ۱۱۱۱۱۰۴ - تستی ۱۱۱۵۱۳۷) - فناوری اطلاعات (سترنی ۱۱۱۵۰۶۷ - تجمعی ۱۱۱۵۱۹۶) - مدیریت اجرایی ۱۱۱۵۱۹۶  
مجاز است.

استفاده از:

گذرسی سوال: یک (۱)



۹. LUB و GLB مجموعه {b} برای نمودار هاس مقابله چیست؟

- الف.  $LUB=b$  و  $GLB=i$   
ب.  $LUB=I$  و  $GLB=b$   
ج.  $LUB=I$  و  $GLB=a$   
د.  $LUB=a$  و  $GLB=I$

۱۰. در یک کیسه N توب وجود دارد. ۱ توب با اندازه ۱، ۲ توب با اندازه (سایز) ۲، ۳ توب با اندازه ۳ و .... بالاخره ۲۰ توب با اندازه ۲۰. حداقل چند توب باید از کیسه بیرون کشید تا مطمئن باشیم، ۱۰ توب با اندازه های متفاوت بیرون آورده شده است؟

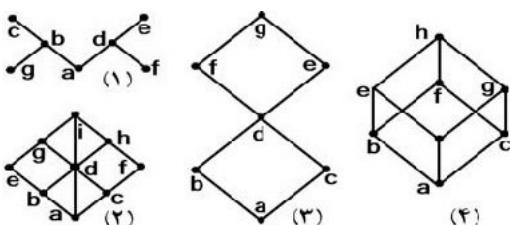
۲۱۰

۱۵۵

۴۵

۵۵

۱۱. کدام نمودار هاس مقابله معرف یک جبر بول است؟



الف. (۱)

ب. (۲)

ج. (۳)

د. (۴)

۱۲. عبارت بولی  $x_1 \wedge x_2 \wedge \dots \wedge x_n$  روی n متغیر بولی مفروض است. این عبارت در صورتی که به صورت dnf نوشته شود دارای چند کمینه خواهد بود؟

د. ۴

ج.  $2^n$ ب.  $2^{n-2}$ الف.  $2^{n-1}$ ۱۳. جواب معادله بازگشتی  $a_0 = 6, a_1 = 8$  و  $a_n = 4a_{n-1} - 4a_{n-2}$  ( $n \geq 2$ ) چیست؟د.  $2^n(4-n)$ ج.  $n \cdot 2^n$ ب.  $4^n(3-n)$ الف.  $2^n(6-2n)$ 

۱۴. تابع مولد رشته ۱, ۰, ۱, ۰, ... کدام است؟

د.  $(1+x^2)^{-1}$ ج.  $(1+x)^{-2}$ ب.  $(1-x)^{-1}$ الف.  $(1-x^2)^{-1}$ 

۱۵. می خواهیم ۱۰۰ صندلی مشابه بین ۵ کلاس توزیع کنیم به طوری که به هر کلاس حداقل ۱۵ صندلی برسد. ضریب کدام جمله در  $(1-x^{-5})(1-x^{-86})$  تعداد روش‌های ممکن برای انجام این کار را بدست می‌دهد؟

د.  $x^{20}$ ج.  $x^{25}$ ب.  $x^5$ الف.  $x^{15}$ ۱۶. در رشته فیبوناچی، اگر حد  $F_{n-1}/F_{n-2} \rightarrow \infty$  وقتی  $F_{n+2}/F_n$  چیست؟

د. a+1

ج. a

ب. a-1

الف.  $a^2-1$

## کارشناسی (ستی- تجمعی)

تعداد سوالات: سنتی: ۲۵

زمان آزمون (دقیقه): سنتی: ۷۵

علوم کامپیوتر(تجمعی ۱۱۱۵۰۶۷-۱۱۱۱۱۰۴- سنتی ۱۱۱۵۱۳۷) - فناوری اطلاعات (سنتی ۱۱۱۵۰۶۷- تجمعی ۱۱۱۵۱۹۶) - مدیریت اجرایی ۱۱۱۵۱۹۶  
مجاز است.

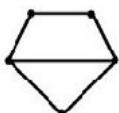
نام: ساختمان گسته - ریاضیات گسته - ساختمان‌های گسته

دشته تحصیلی/ گذوس: مهندسی کامپیوتر (ستی- تجمعی) ۱۱۱۵۰۶۷

استفاده از:

گذ سوال: یک (۱)

۱۷. درباره گراف مقابله کدام گزاره زیر صحیح است؟



الف. دور هامیلتونی و مدار اولری وجود دارد.

ب. دور هامیلتونی و مدار اولری وجود ندارد.

ج. دور هامیلتونی وجود ندارد ولی مدار اولری وجود دارد.

د. دور هامیلتونی وجود دارد ولی مدار اولری وجود ندارد.

۱۸. یک گراف همبند با  $n$  راس داریم که حذف هر کدام از یالهای آن موجب غیرهمبند شدن آن می‌شود. تعداد یالهای گراف چندتاست؟

د.  $n+1$

ج.  $n$

ب.  $n-1$

الف.  $n-2$

۱۹. حداقل تعداد راسها در گرافی با ۱۱ یال برای آنکه هامنی باشد چیست؟

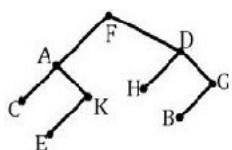
د. ۱۰

ج. ۷

ب. ۶

الف. ۵

۲۰. پیمایش میان ترتیب برای درخت مقابله کدامست؟ (گزینه‌ها را از چپ به راست بخوانید)



ب. E, K, C, A, F, B, G, H, D, D .

د. B, H, D, G, F, C, E, A, K .

الف. C, A, E, K, F, H, D, B, G .

ج. F, A, K, C, E, D, G, H, B .

۲۱. عبارت  $t + (u^*v)/(w+x-y^*z)$  با نماد لهستانی کدام است؟ (↑ عملگر توان بوده و در محاسبات تقدم دارد.)

الف.  $+t/*uv+w-x^*yz$       ب.  $+t/*uv+w-xy^*z$       ج.  $+t/*uv-w-x^*yz$       د.  $+t/*uv-w-xy^*z$

۲۲. اگر درختی چهار راس از درجه ۲، یک راس از درجه ۳، ۲ راس از درجه ۴ و یک راس از درجه ۵ داشته باشد، تعداد برگهای آن چقدر است؟

د. این گراف اصولاً درخت نمی‌باشد.

ج. ۱۷

ب. ۴۱

الف. ۴۰

۲۳. در درخت ریشه دار  $T=(V,E)$  با ۲۷ برگ، هر راس داخلی ۲ فرزند دارد. تعداد رئوس داخلی چندتاست؟

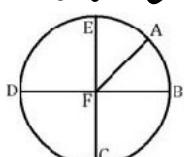
د. ۲۸

ج. ۲۶

ب. ۲۵

الف. ۲۳

۲۴. کمترین ارتفاع درخت پوشای BFS برای گراف مقابله کدام است؟ ریشه درخت را در سطح ۱ فرض نمائید.



الف. ۲

ب. ۴

ج. ۳

د. وابسته به ریشه درخت است.

تعداد سوالات: تستی: ۲۵

تیریخ: ۱۴۰۰/۰۷/۰۶

نام: ساختمان گسته - ریاضیات گسته - ساختمان‌های گسته

دشته تحصیلی/ گذرس: مهندسی کامپیوتر (ستی- تجمعی) ۱۱۱۵۰۶۷

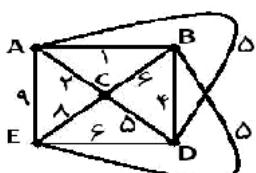
علوم کامپیوتر (تجمعی ۱۱۱۵۰۶۷- ۱۱۱۱۱۰۴- تستی ۱۱۱۵۱۳۷) - فناوری اطلاعات (ستی ۱۱۱۵۰۶۷- تجمعی ۱۱۱۵۱۹۶) - مدیریت اجرایی ۱۱۱۵۱۹۶

مجاز است.

استفاده از:

گذ سوال: یک (۱)

۲۵. در گراف شکل مقابل با استفاده از قاعده نزدیکترین همسایه و با شروع از راس A، یک دور هامیلتونی بدست می‌آوریم. وزن دور هامیلتونی چقدر است؟



ب. ۲۴

د. ۲۸

الف. ۲۱

ج. ۲۷

### سوالات تشریحی

بارم هر سوال ۱ نمره می‌باشد.

۱. اگر  $\{A=1,2,3\}$  و رابطه R با ماتریس MR زیر تعریف شده باشد، بستار متعدی را با الگوریتم وارشال محاسبه کنید.

$$\begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

۲. فرض کنید S مجموعه اعداد حقیقی غیر صفر باشد و  $x > y$  به معنی  $xy < 0$  باشد. هم ارزی بودن رابطه R را تحقیق کنید.

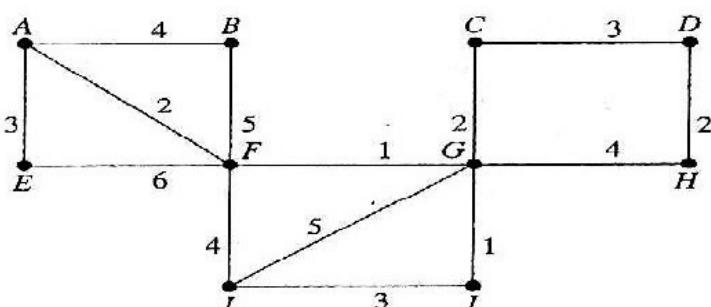
۳ مجموعه با ترتیب جزئی زیر را در نظر بگیرید:

(  $\{\{1\}, \{2\}, \{4\}, \{1,2\}, \{1,4\}, \{2,4\}, \{3,4\}, \{1,3,4\}, \{2,3,4\}\}$ ,  $\subseteq$  )

الف. عناصر ماقزیمال و مینیمال کدامند؟

ب. کرانه های بالایی  $\{\{4\}, \{2\}\}$  را بیابید.ج. بزرگترین کرانه پایینی برای  $\{\{1,3,4\}, \{2,3,4\}\}$  چیست؟

۴. با الگوریتم پریم، یک درخت پوشای مینیمم به همراه هزینه برای گراف وزن دار شکل زیر بدست آورید.



۵. نقطه داخل یک مربع به ضلع ۶ انتخاب می‌کنیم. نشان دهید حداقل دو نقطه وجود دارد که فاصله آنها کمتر یا مساوی باشد.

۶. فرض کنید  $sn$  تعداد جوابهای معادله  $2a+2b=n$  و با فرض صحیح بودن  $b \geq 0$  باشد. فرمولی برای  $sn$  بیابید.

مرکز آزمون  
کلید سوالات تشریحی (محروم)



صفحة ۱

۱۱۱۸۱۹۷ ۱۱۱۸۱۳۷ ۱۱۱۸۱۴۷ / ۱۱۱۸۰۴۷

۱۰۰

کدرس

رشته تحصیلی - گرایش: زبان ایرانی (آزاد) / ادب ایرانی - علم پژوهی اسلامی - علم اسلام و تمدن اسلامی

مقطع: سال تحصیلی ۹۰-۸۹ نیمسال: اول ۰ نوبت تبلیغات ۰ تاریخ آزمون: ۱۴۰۰/۰۶/۰۱ بینه ۷ نفره

امتحان در این زمینه

شریحي

$$\begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

۱- فصل ۲

پازنلبی:

متقارن:

متعدی :

3-  $x R x \rightarrow x^2 > 0 \rightarrow R$  is reflexive4-  $x R y \rightarrow xy > 0 \rightarrow yx > 0 \rightarrow y R x$ 5-  $x R y, y R z \rightarrow xy > 0, yz > 0$ 6- if  $x > 0 \rightarrow y > 0 \rightarrow z > 0 \rightarrow xz > 0 \rightarrow x R z$ 7- else if  $x < 0 \rightarrow y < 0 \rightarrow z < 0 \rightarrow xz > 0 \rightarrow x R z \rightarrow R$  is transitive \\\

۲- فصل ۴ ص ۱۴۰

کنریزی میتواند  $\{1,2\}, \{1,3,4\}, \{2,3,4\}$  باشد.

و  $\{1\}, \{2\}, \{3\}, \{4\}$  میتوانند میتوانند.

|    |     |
|----|-----|
| ۱  | الف |
| ۲  | د   |
| ۳  | الف |
| ۴  | ج   |
| ۵  | س   |
| ۶  | ز   |
| ۷  | الف |
| ۸  | الف |
| ۹  | د   |
| ۱۰ | د   |
| ۱۱ | د   |
| ۱۲ | ج   |
| ۱۳ | الف |
| ۱۴ | الف |
| ۱۵ | د   |
| ۱۶ | د   |
| ۱۷ | د   |
| ۱۸ | د   |
| ۱۹ | ج   |
| ۲۰ | الف |
| ۲۱ | الف |
| ۲۲ | د   |
| ۲۳ | ج   |
| ۲۴ | الف |
| ۲۵ | ج   |

مرکز آزمون  
کلید سوالات تشریعی (مح�انه)

صفحه ۲

سال تحصیلی: ۱۳۹۴-۱۳۹۵  
کارشناسی: کارشناس اقتصادی

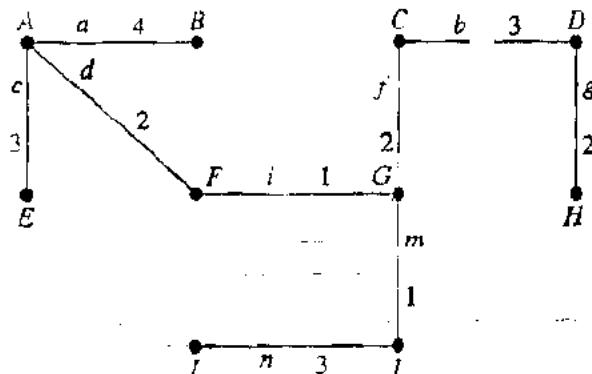
کارشناسی: کارشناس اقتصادی

رشته تحصیلی-گرایش: کارشناس اقتصادی  
مقطع: سال تحصیلی: ۱۴۰۰-۱۴۰۱  
نیمسال: اول  
نام: قدمت نبیان  
تاریخ آنمعن: ۱۰-۱-۱۴۰۰  
بلند نمره

{2,4} - ب

ج- {3,4}

فصل ۷



$$L = \{A, F, G, I, C, D, H, E, I, B\}, T = 21$$

۵- فصل ۳: مربع را به ۲۶ قسمت تقسیم می کنیم و از اصل لانه کوچتر استفاده می کنیم. خانه های لانه کوچتر و نقاط کوچکتر هم بشند. طبق اصل لانه کوچتر حداقل به یک خانه بیش از یک نقطه می رسد. کمترین فاصله اینها ۲ است.  
برای اینجا اینجا

 $\sqrt{2}$  است.

۶- فصل ۵

$$T(z) = (1 + z^2 + z^4 + \dots + z^{2n} + \dots)^2$$

$$T(z) = \frac{1}{(1 - z^2)^2}$$

$$s_n = 0 \text{ if } n \text{ is odd}$$

$$s_n = \binom{n/2 + 1}{n/2} = \binom{n/2 + 1}{1} = n/2 + 1 \text{ if } n \text{ is even}$$