

سری سوالات پیک ۱

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۷۰ تشریحی: ۵۰

تعداد سوالات: تستی: ۲۵ تشریحی: ۴

عنوان درس: ریاضی ۲، ریاضی عمومی ۲، ریاضی کاربردی ۱

رشته تحصیلی/ گد درس: شیمی گرایش محض، شیمی (کاربردی) ۱۱۱۱۰۹۷ -، مهندسی کامپیوتر (نرم افزار) ۱۱۱۱۰۹۸ -، مهندسی فناوری اطلاعات، مهندسی فناوری اطلاعات (چندبخشی)، مهندسی کامپیوتر- نرم افزار (چندبخشی)، علوم کامپیوتر (چندبخشی)، مهندسی کامپیوتر (سخت افزار) چندبخشی ۱۱۱۱۱۰۰ -، علوم کامپیوتر ۱۱۱۱۱۰۳ -، مهندسی صنایع، مهندسی صنایع (چندبخشی)، مهندسی مدیریت اجرایی (چندبخشی)، مهندسی مدیریت پروژه (چندبخشی) ۱۱۱۱۱۰۹ -، مهندسی عمران - نقشه، برداری، مهندسی عمران، مهندسی مکانیک، مهندسی خودرو، مهندسی هوا فضا - هوا فضا، مهندسی شیمی، مهندسی پلیمر - صنایع پلیمر، مهندسی پلیمر - علوم و تکنولوژی رنگ، مهندسی پزشکی - گرایش بیومتریال، مهندسی پزشکی بالینی، مهندسی پزشکی - گرایش بیومکانیک، مهندسی برق - گرایش قدرت، مهندسی برق - گرایش مهندسی پزشکی بیوالکتریک)، مهندسی برق - گرایش کنترل، مهندسی برق - گرایش مخابرات، مهندسی برق - گرایش الکترونیک، مهندسی رباتیک ۱۱۱۱۴۰۸ -، مهندسی نفت - صنایع گاز، مهندسی نفت - طراحی فرآیندهای صنایع نفت ۱۱۱۱۴۱۰ -

۱- کدام دنباله همگراست؟

$$a_n = \frac{5^{n+1}}{2^{n+3}} \quad .\ ۴$$

$$a_n = (-1)^n \quad .\ ۳$$

$$a_n = \frac{e^n}{n} \quad .\ ۲$$

$$a_n = \frac{n}{2^n} \quad .\ ۱$$

۲- کدام سری واگراست؟

$$\sum_{n=0}^{\infty} \frac{n+2}{n^3 + 1} \quad .\ ۴$$

$$\sum_{n=0}^{\infty} \frac{1}{n!} \quad .\ ۳$$

$$\sum_{n=2}^{\infty} \frac{3}{4^{n-1}} \quad .\ ۲$$

$$\sum_{n=2}^{\infty} \frac{1}{n \ln n} \quad .\ ۱$$

$$\text{مجموع سری } \sum_{n=0}^{\infty} \frac{2^n + 5^n}{2^n \cdot 5^n} \quad .\ ۴ \text{ کدام است؟}$$

۴. واگراست.

$$\frac{5}{4} \quad .\ ۳$$

$$\frac{13}{4} \quad .\ ۲$$

$$1.1$$

۳- کدام گرینه درست است؟

$$\text{همگراست} \quad \sum_{n=1}^{\infty} \frac{|\sec n|}{\sqrt{n}} \quad .\ ۲$$

$$\text{همگراست} \quad \sum_{n=1}^{\infty} n e^{-n^2} \quad .\ ۱$$

$$\text{واگراست} \quad \sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n^5 + n^2 + 1} \quad .\ ۴$$

$$\text{واگراست} \quad \sum_{n=1}^{\infty} \frac{\sin^2 n}{n^3} \quad .\ ۳$$

۴- کدام سری همگرای مطلق است؟

$$\sum_{n=2}^{\infty} \frac{(-1)^n}{\ln n} \quad .\ ۴$$

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n 3^n}{n!} \quad .\ ۳$$

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n 2n+1}{5n+1} \quad .\ ۲$$

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n}{\sqrt{n}} \quad .\ ۱$$

سری سوالات مک

زمان آزمون (دقیقه) : تستی : ۷۰ : تشریحی : ۵۰

نحوه امتحانات : تستی : ۲۵ : تشریحی : ۴

عنوان درس : ریاضی ۲، ریاضی عمومی ۲، ریاضی کاربردی ۱

روش تحلیلی / کد درس : شیمی گرایش محض، شیمی (کاربردی) ۱۱۱۱۰۹۷ -، مهندسی کامپیوتر (نرم افزار) ۱۱۱۱۰۹۸ -، مهندسی فناوری اطلاعات، مهندسی فناوری اطلاعات (چندبخشی)، مهندسی کامپیوتر - نرم افزار (چندبخشی)، علوم کامپیوتر (چندبخشی)، مهندسی کامپیوتر (سخت افزار)، چندبخشی ۱۱۱۱۱۰۰ -، علوم کامپیوتر ۱۱۱۱۱۰۳ -، مهندسی صنایع، مهندسی صنایع (چندبخشی)، مهندسی مدیریت اجرایی (چندبخشی)، مهندسی مدیریت پروژه (چندبخشی) ۱۱۱۱۱۰۹ -، مهندسی عمران - نقشه برداری، مهندسی عمران، مهندسی مکانیک ..، مهندسی خودرو، مهندسی هوا فضا - هوا فضا، مهندسی شیمی، مهندسی پلیمر - صنایع پلیمر، مهندسی پلیمر - علوم و تکنولوژی رنگ، مهندسی پزشکی - گرایش بیومتریال، مهندسی پزشکی - بالینی، مهندسی پزشکی - گرایش بیومکانیک، مهندسی برق - گرایش قدرت، مهندسی برق - گرایش مهندسی پزشکی (بیوالکتریک)، مهندسی برق - گرایش کنترل، مهندسی برق - گرایش مخابرات، مهندسی برق - گرایش الکترونیک، مهندسی رباتیک ۱۱۱۱۴۰۸ -، مهندسی نفت - صنایع گاز، مهندسی نفت - طراحی فرآیندهای صنایع نفت ۱۱۱۱۴۱۰ -

۶ - کدام درست است؟

۱. هر دنباله کراندار ، همگراست  
۲. هر دنباله یکنوا، همگراست  
۳. هر دنباله همگرا ، کراندار است

-۷ شاع همگرایی و بازه همگرایی سری کدام است؟

$$I = \left[-\frac{2}{3}, \frac{4}{3}\right], r = \frac{1}{3} \quad .\ ۴ \qquad I = [-2,4), r = 3 \quad .\ ۳ \qquad I = \left(-\frac{2}{3}, \frac{4}{3}\right), r = \frac{1}{3} \quad .\ ۲ \qquad I = (-2,4), r = 3 \quad .\ ۱$$

۸ - کدام گزینه درست است؟

$$\sin x = \sum_{n=0}^{\infty} \frac{x^{2n+1}}{(2n+1)!} \quad .\ ۲$$

$$\cosh x = \sum_{n=0}^{\infty} \frac{x^{2n}}{(2n)!} \quad .\ ۴$$

$$\frac{1}{1+3x} = \sum_{n=0}^{\infty} (3x)^n \quad .\ ۱$$

$$e^{-x} = \sum_{n=0}^{\infty} \frac{-x^n}{n!} \quad .\ ۳$$

۹ - در مورد بردارها ی زیر کدام مورد درست است؟

$$\vec{a} \cdot (\vec{b} \times \vec{c}) = (\vec{a} \times \vec{b}) \cdot \vec{c} \quad .\ ۲$$

$$\vec{a} \times (\vec{b} \times \vec{c}) = \vec{a} \cdot \vec{c} - \vec{b} \cdot \vec{c} \quad .\ ۴$$

$$\vec{a} \times \vec{b} = \vec{b} \times \vec{a} \quad .\ ۱$$

$$\vec{a} \cdot \vec{b} = -\vec{b} \cdot \vec{a} \quad .\ ۳$$

۱۰ - مساحت متوازی الاضلاع ساخته شده با  $Q = (7, -3, 4)$  ،  $R = (5, 1, 0)$  ،  $p = (3, -2, 1)$  است؟

$$10\sqrt{3} \quad .\ ۴ \qquad 6\sqrt{10} \quad .\ ۳ \qquad \sqrt{10} \quad .\ ۲ \qquad 3\sqrt{10} \quad .\ ۱$$

۱۱ - محل تلاقی خط  $2x - 3y - 3z = 4$  با صفحه  $z = 4 - 6t$ ،  $y = -3 + 5t$ ،  $x = 2 + 3t$  کدام است؟

$$(3, -\frac{4}{3}, 2) \quad .\ ۴ \qquad (-3, \frac{4}{3}, 2) \quad .\ ۳ \qquad (3, 2, \frac{1}{3}) \quad .\ ۲ \qquad (3, \frac{4}{3}, 2) \quad .\ ۱$$

رشته تحصیلی/ گد درس: شیمی گرایش محض، شیمی (کاربردی) ۱۱۱۱۰۹۷ -، مهندسی کامپیوتر (نرم افزار) ۱۱۱۱۰۹۶ -، مهندسی فناوری اطلاعات، مهندسی فناوری اطلاعات (چندبخشی)، مهندسی کامپیوتر- نرم افزار (چندبخشی)، علوم کامپیوتر (چندبخشی)، مهندسی کامپیوتر (سخت افزار)، مهندسی صنایع، مهندسی صنایع (چندبخشی)، مهندسی مدیریت اجرایی (چندبخشی)، مهندسی مدیریت پروژه (چندبخشی) ۱۱۱۱۰۹۹ -، مهندسی عمران - نقشه برداری، مهندسی عمران، مهندسی مکانیک ..، مهندسی خودرو، مهندسی هوا فضا - هوا فضا، مهندسی شیمی، مهندسی پلیمر - صنایع پلیمر، مهندسی پلیمر - علوم و تکنولوژی رنگ، مهندسی پزشکی - گرایش بیومتریال، مهندسی پزشکی - بالینی، مهندسی پزشکی - گرایش بیومکانیک، مهندسی برق - گرایش قدرت، مهندسی برق - گرایش مهندسی پزشکی (بیوالکتریک)، مهندسی برق - گرایش کنترل، مهندسی برق - گرایش مخابرات، مهندسی برق - گرایش الکترونیک، مهندسی رباتیک ۱۱۱۱۴۰۸ -، مهندسی نفت - صنایع گاز، مهندسی نفت - طراحی فرآیندهای صنایع نفت ۱۱۱۱۴۱۰

۱۲- کدام گزینه در مورد ماتریس‌های مربعی  $A$  و  $B$  درست است؟ ( $A^T$  ترانهاده ماتریس  $A$  است)

$$(AB)^T = A^T B^T \quad .4$$

$$AB = BA \quad .3$$

$$(A^T)^{-1} \neq (A^{-1})^T \quad .2$$

$$|A| = |A^T| \quad .1$$

۱۳- فاصله نقطه  $(2,0,-1)$  از صفحه  $3x - 2y + 8z = -1$  کدام است؟

$$\frac{\sqrt{77}}{77} \quad .4$$

$$\frac{\sqrt{77}}{\sqrt{5}} \quad .3$$

$$\frac{\sqrt{5}}{\sqrt{77}} \quad .2$$

$$\sqrt{5} \quad .1$$

۱۴- خمیدگی منحنی  $y^2 + x^2 + 2x = 0$  کدام است؟

$$4 \quad .4$$

$$1 \quad .3$$

$$2 \quad .2$$

$$\frac{1}{2} \quad .1$$

۱۵- اگر  $\lim_{t \rightarrow 1} \vec{F}(t) \times \vec{G}(t) \cdot \vec{G}(t) = (t, 0, t^3)$  و  $\vec{F}(t) = (t^2, 1, -2t)$  کدام است؟

$$(1, -3, -1) \quad .4$$

$$. وجود ندارد \quad .3$$

$$(1, -1, 1) \quad .2$$

$$(1, 0, 0) \quad .1$$

۱۶- دامنه تابع  $f(x, y) = \sqrt{\ln(4 - x^2 - y^2)}$  کدام است؟

$$x^2 + y^2 \geq 3 \quad .4$$

$$x^2 + y^2 \leq 1 \quad .3$$

$$x^2 + y^2 \geq 1 \quad .2$$

$$x^2 + y^2 \leq 3 \quad .1$$

۱۷-  $\lim_{(x,y) \rightarrow (0,0)} \frac{y}{x}$  کدام است؟

$$\frac{1}{2} \quad .4$$

$$-1 \quad .3$$

$$. وجود ندارد \quad .2$$

$$1 \quad .1$$

رشته تحصیلی/ گذ درس: شیمی گرایش محض، شیمی (کاربردی) ۱۱۱۱۰۹۵ -، مهندسی کامپیوتر (نرم افزار) ۱۱۱۱۰۹۷ -، مهندسی فناوری اطلاعات، مهندسی فناوری اطلاعات (چندبخشی)، مهندسی کامپیوتر- نرم افزار (چندبخشی)، علوم کامپیوتر (چندبخشی)، مهندسی کامپیوتر (سخت افزار)، چندبخشی ۱۱۱۱۱۰۰ -، علوم کامپیوتر ۱۱۱۱۱۰۳ -، مهندسی صنایع، مهندسی صنایع (چندبخشی)، مهندسی مدیریت اجرایی (چندبخشی)، مهندسی مدیریت پروژه (چندبخشی) ۱۱۱۱۱۰۹ -، مهندسی عمران - نقشه برداری، مهندسی عمران، مهندسی مکانیک ..، مهندسی خودرو، مهندسی هوا فضا - هوا فضا، مهندسی شیمی، مهندسی پلیمر - صنایع پلیمر، مهندسی پلیمر - علوم و تکنولوژی رنگ، مهندسی پزشکی - گرایش بیومتریال، مهندسی پزشکی بالینی، مهندسی پزشکی - گرایش بیومکانیک، مهندسی برق - گرایش قدرت، مهندسی برق - گرایش مهندسی پزشکی (بیوکتریک)، مهندسی برق - گرایش کنترل، مهندسی برق - گرایش مخابرات، مهندسی برق - گرایش الکترونیک، مهندسی رباتیک ۱۱۱۱۴۰۸ -، مهندسی نفت - صنایع گاز، مهندسی نفت - طراحی فرآیندهای صنایع نفت ۱۱۱۱۴۱۰ -

$$\text{اگر } f(x, y) = \int_{\pi}^{x^2+y^2} \sin t^2 dt \text{ مقدار } f_x \text{ کدام است؟} \quad -18$$

$$2x \sin(x^2 + y^2)^2 \quad .4 \quad 2x \sin(x^2 + y^2) \quad .3 \quad 2x \sin x^4 \quad .2 \quad 1. \text{ صفر}$$

$$- \text{آهنگ افزایش تابع } f(x, y) = x^2 - 4xy \text{ در نقطه (1,2) در چه جهتی ماکزیمم است؟} \quad -19$$

$$\frac{3}{\sqrt{13}} \vec{i} + \frac{2}{\sqrt{13}} \vec{j} \quad .4 \quad -\frac{3}{\sqrt{13}} \vec{i} - \frac{2}{\sqrt{13}} \vec{j} \quad .3 \quad -4 \vec{j} \quad .2 \quad 6 \vec{i} \quad .1$$

$$- \text{کدام بردار در نقطه (1,-1) بر نمودار } x^2 - xy + 3y^2 = 1 \text{ عمود است؟} \quad -20$$

$$\vec{i} \quad .4 \quad \vec{3i} \quad .3 \quad \vec{-7j} \quad .2 \quad \vec{3i} - \vec{7j} \quad .1$$

$$- \text{حجم جسم زیر سه‌میگون } z = 4 - x^2 - y^2 \text{ و روی صفحه } xy \text{ کدام است؟} \quad -21$$

$$2\pi \quad .4 \quad \pi \quad .3 \quad 8\pi \quad .2 \quad 4\pi \quad .1$$

$$- \text{مقدار } \int_0^1 \int_y^1 e^{x^2} dx dy \text{ کدام است؟} \quad -22$$

$$\frac{e}{2} - \frac{1}{2} \quad .4 \quad 3. \text{ صفر} \quad \frac{e}{2} + \frac{1}{2} \quad .2 \quad \frac{e}{2} \quad .1$$

$$- \text{مساحت ناحیه بین دایره های } r=1 \text{ و } r=2 \text{ و خط } \theta=0 \text{ و مارپیچ } r\theta=1 \text{ کدام است؟} \quad -23$$

$$4.4 \quad 1.3 \quad 2.2 \quad 3.1$$

## سری سوالات امک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۷۰ تشریحی: ۵۰

تعداد سوالات: تستی: ۲۵ تشریحی: ۴

عنوان درس: ریاضی ۲، ریاضی عمومی ۲، ریاضی کاربردی ۱

رشته تحصیلی/ گد درس: شیمی گرایش محض، شیمی (کاربردی) ۱۱۱۱۰۲۵ -، مهندسی کامپیوتر (نرم افزار) ۱۱۱۱۰۹۷ -، مهندسی فناوری اطلاعات، مهندسی فناوری اطلاعات (چندبخشی)، مهندسی کامپیوتر- نرم افزار (چندبخشی)، علوم کامپیوتر (چندبخشی)، مهندسی کامپیوتر (سخت افزار)، چندبخشی ۱۱۱۱۱۰۰ -، علوم کامپیوتر ۱۱۱۱۱۰۳ -، مهندسی صنایع، مهندسی صنایع (چندبخشی)، مهندسی مدیریت اجرایی (چندبخشی)، مهندسی مدیریت پروژه (چندبخشی) ۱۱۱۱۱۰۹ -، مهندسی عمران - نقشه برداری، مهندسی عمران، مهندسی مکانیک ..، مهندسی خودرو، مهندسی هوا فضا - هوا فضا، مهندسی شیمی، مهندسی پلیمر - صنایع پلیمر، مهندسی پلیمر - علوم و تکنولوژی رنگ، مهندسی پزشکی - گرایش بیومتریال، مهندسی پزشکی - بالینی، مهندسی پزشکی - گرایش بیومکانیک، مهندسی برق - گرایش قدرت، مهندسی برق - گرایش مهندسی پزشکی (بیوالکتریک)، مهندسی برق - گرایش کنترل، مهندسی برق - گرایش مخابرات، مهندسی برق - گرایش الکترونیک، مهندسی رباتیک ۱۱۱۱۴۰۸ -، مهندسی نفت - صنایع گاز، مهندسی نفت - طراحی فرآیندهای صنایع نفت ۱۱۱۱۴۱۰

$$\text{مقدار } \int_0^{2\pi} \int_0^1 \int_0^r (r^5 \cos^2 \theta \sin^2 \theta) dz dr d\theta \text{ کدام است؟}$$

$$\frac{\pi}{32} \cdot 4$$

$$56\pi \cdot 3$$

$$\pi \cdot 2$$

$$\frac{\pi}{16} \cdot 1$$

$$\text{مختصات دکارتی نقطه } \left(4, \frac{\pi}{3}, \frac{\pi}{6}\right) \text{ کدام است؟}$$

$$\left(\frac{1}{2}, 3, 2\right) \cdot 4$$

$$(3, 1, 2\sqrt{3}) \cdot 3$$

$$(3, -\sqrt{3}, 2) \cdot 2$$

$$(3, \sqrt{3}, 2) \cdot 1$$

سوالات تشریحی

۱.۷۵ نمره

- سری توانی نمایشگرتابع  $f(x) = \ln \frac{1+x}{1-x}$  را نوشته و با استفاده از آن مقدار  $\ln 2$  را پیدا کنید.

۱.۷۵ نمره

- نشان دهید تابع  $f(x, y) = \tan^{-1} \frac{y}{x}$  در معادله  $f_{xx} + f_{yy} = 0$  صدق میکند.

۱.۷۵ نمره

- ابعاد یک مکعب مستطیل را چنان پیدا کنید که مجموع محیط قاعده و ارتفاع آن ۸۴ و حجم آن ماقزیم باشد.

۱.۷۵ نمره

- حجم ناحیه ای که از بالا به کره  $x^2 + y^2 + z^2 = 2$  و از پایین به سهمیوار  $z = x^2 + y^2$  محدود است را پیدا کنید.