

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۵

تعداد سوالات: تستی: ۲۰ تشریحی: ۵

عنوان درس: مبانی ریاضیات

رشته تحصیلی/ گد درس: ریاضی (محض)، ریاضی (کاربردی)، آموزش ریاضی ۱۱۱۱۰۳۳ - آمار ۹۰۱۱۱۰۳۳

۱- کدامیک از گزاره های زیر یک گزاره همیشه درست است؟

$$p \Leftrightarrow \sim p \quad .\cdot 2$$

$$p \Rightarrow \sim p \quad .\cdot 1$$

$$(p \Rightarrow q) \Rightarrow (p \Rightarrow \sim q) \quad .\cdot 4$$

$$p \Rightarrow (q \Rightarrow (p \Rightarrow q)) \quad .\cdot 3$$

۲- کدامیک از گزینه های زیر نادرست است؟

$$(N) \quad \forall x (x \text{ فرد است} \vee \exists x (x \text{ زوج است})) \quad .\cdot 1$$

$$(N) \quad \forall x (x \text{ فرد است} \vee x \text{ زوج است}) \quad .\cdot 2$$

$$(p(N)) \quad \exists X (X \cup \phi = \phi) \Rightarrow \forall X (\bar{X} = X) \wedge \forall X (X - X = \phi) \quad .\cdot 3$$

$$(p(N)) \quad \forall X (X \cup \phi = \phi) \Rightarrow \exists X (\bar{X} \cap \phi = \phi) \quad .\cdot 4$$

۳- فرض کنید  $p_x$  یک گزاره نما با مجموعه جهانی  $U$  ،  $a \in U$  باشد. در این صورت کدامیک از گزاره های زیر معتبر است؟

$$P_a \Rightarrow \forall x P_x \quad .\cdot 2$$

$$\sim \exists x P_x \Leftrightarrow \forall x \sim P_x \quad .\cdot 1$$

$$\forall x (P_x \wedge \sim P_x) \quad .\cdot 4$$

$$\exists x P_x \Rightarrow P_a \quad .\cdot 3$$

۴- زوج مرتب  $(a,b)$  با کدامیک از مجموعه های زیر برابر است؟

$$\{\{a\}, \{a,b\}\} \quad .\cdot 4$$

$$\{a, \{b\}\} \quad .\cdot 3$$

$$\{\{a,b\}, \{b\}\} \quad .\cdot 2$$

$$\{\{a\}, b\} \quad .\cdot 1$$

۵- فرض کنید  $R$  یک رابطه و  $A$  یک مجموعه باشد. کدام گزینه همواره درست است؟

$$ran(R|A) = ran R \quad .\cdot 2$$

$$dom(R|A) = (dom R) \cup A \quad .\cdot 1$$

$$dom(R|A) = dom R \quad .\cdot 4$$

$$R[A] = ran(R|A) \quad .\cdot 3$$

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

تعداد سوالات: تستی: ۲۰ تشریحی: ۵

عنوان درس: مبانی ریاضیات

رشته تحصیلی/ گد درس: ریاضی (محض)، ریاضی (کاربردی)، آموزش ریاضی ۱۱۱۱۰۳۳ - آمار ۹۰۰۱۱۱۰۹۰

۶- کدامیک از رابطه های زیر یک تابع است؟

$$R = \{(x, y) | x, y \in R, x = y\} \quad .1$$

$$R = \{(x, y) | x, y \in R, x^y + y^x = 1\} \quad .2$$

$$R = \{(x, y) | x, y \in N, x < y\} \quad .3$$

$$R = \{(x, y) | x, y \in R^+, x = y^2\} \quad .4$$

۷- کدامیک از توابع زیر معکوس پذیر است؟

$$f(x) = x^3 + 1 \quad f : R \rightarrow R \quad .1$$

$$f(x) = \frac{1}{x-1} \quad f : R - \{1\} \rightarrow R - \{1\} \quad .2$$

$$f(x) = x^3 \quad f : Z \rightarrow Z \quad .3$$

$$f(x) = 2x + 1 \quad f : N \rightarrow N \quad .4$$

۸- تابع  $f : A \rightarrow B$  را در نظر بگیرید. کدامیک از گزاره های زیر همواره برقرار است؟۱.  $f$  یک به یک است اگر و تنها اگر دارای معکوس چپ یکتا باشد.۲.  $f$  یک به یک است اگر و تنها اگر دارای معکوس راست باشد.۳.  $f$  پوشاست اگر و تنها اگر دارای معکوس چپ باشد.

۴. معکوس یک تابع در صورت وجود، یکتاست.

۹- کدامیک از گزاره های زیر همواره برقرار است؟

۱. اگر  $f$  یک به یک و  $g$  پوشایش باشد، آنگاه  $gof$  دوسویی است.۲. اگر  $gof$  یک به یک باشد، آنگاه  $g$  پوشاست.۳. اگر  $gof$  پوشایش باشد، آنگاه  $f$  پوشاست.۴. اگر  $gof$  دوسویی باشد، آنگاه  $f$  یک به یک و  $g$  پوشاست.

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ٦٠ تشریحی: ٥

تعداد سوالات: تستی: ٢٠ تشریحی: ٥

عنوان درس: مبانی ریاضیات

رشته تحصیلی/ گد درس: ریاضی (محض)، ریاضی (کاربردی)، آموزش ریاضی ۱۱۱۰۳۳ - آمار ۱۱۱۰۹۰

- ۱۰ فرض کنید  $f : A \rightarrow B$  یک تابع و  $X, Y \subseteq A$  باشند. در اینصورت کدامیک از عبارت های زیر همواره برقرار است؟

$$f[X \cup Y] = f[X] \cup f[Y] \quad .\cdot ٢$$

$$f[X \cap Y] = f[X] \cap f[Y] \quad .\cdot ١$$

$$f[X] = ranf \quad .\cdot ٤$$

$$f[X - Y] = f[X] - f[Y] \quad .\cdot ٣$$

- ۱۱ کدامیک از رابطه های زیر روی مجموعه  $A = \{a, b, c, d\}$  یک رابطه انتقالی است؟

$$\{(b, c), (c, c), (c, d)\} \quad .\cdot ٢$$

$$\{(a, b), (a, c), (b, a)\} \quad .\cdot ١$$

$$\{(a, a), (c, c)\} \quad .\cdot ٤$$

$$\{(b, b), (b, d), (d, b)\} \quad .\cdot ٣$$

- ۱۲ فرض کنید  $R$  یک رابطه روی مجموعه  $A$  باشد. در اینصورت کدام یک از گزینه های زیر درست است؟

$R \cup R^{-1}$  بزرگترین رابطه انتقالی شامل  $R$  است.  $R \cup R^{-1}$  کوچکترین رابطه روی مجموعه  $A$  است.

$R \cap R^{-1}$  کوچکترین رابطه متقارن داخل  $R$  است.  $R \cap R^{-1}$  بزرگترین رابطه متقارن داخل  $R$  است.

- ۱۳ فرض کنی  $\sim$  یک رابطه هم ارزی روی مجموعه  $f(x) = [x]$  با ضابطه  $f : A \rightarrow \frac{A}{\sim}$ ،  $A$  تابع طبیعی باشد. در اینصورت کدامیک از گزینه های زیر همواره برقرار است؟

۱.  $f$  یک به یک است.

۴. رابطه  $\sim$  برابر رابطه همانی روی  $A$  است.  $\forall x \in A; f(x) = \{x\}$  .۳

- ۱۴ رابطه  $\subseteq$  (زیر مجموعه) را روی مجموعه  $A = \{\{a\}, \{b\}, \{a, b\}, \{a, c\}\}$  در نظر بگیرید. در اینصورت عناصر مینیمال و ماکسیمال  $A$  کدامند؟

۱.  $\{a\}$  مینیمال،  $\{a, b\}$  ماکسیمال است.

۲.  $\{b\}$  مینیمال،  $\{a, b\}$  ماکسیمال است.

۳.  $\{a\}$  و  $\{b\}$  مینیمال،  $\{a, b\}$  و  $\{a, c\}$  ماکسیمال است.

۴.  $\{a\}$  مینیمال،  $\{a, c\}$  و  $\{a, b\}$  ماکسیمال است.

زمان آزمون (دقیقه) : تستی : ٦٠ تشریحی : ٥

تعداد سوالات : تستی : ٢٠ تشریحی : ٥

عنوان درس : مبانی ریاضیات

رشته تحصیلی / گد درس : ریاضی (محض)، ریاضی (کاربردی)، آموزش ریاضی ۱۱۱۰۳۳ - آمار ۹۰۱۱۱۰

-١٥ مجموعه مرتب جزیی  $P(A) \subseteq \{1, 2, 3\}$  که  $A = \{1, 2, 3\}$  را در نظر بگیرید. کوچکترین و بزرگترین عضو  $P(A)$  به ترتیب کدام است؟

$$\phi, A$$

$$\phi, \{1, 2\}$$

$$A, \phi$$

$$A, \{1\}$$

-١٦ رابطه شمردن را روی مجموعه  $A = \{x \in N : 1 \leq x \leq 10\}$  در نظر بگیرید. در اینصورت اینغیم و سوپریم زیرمجموعه  $B = \{2, 5\}$  از  $A$  برابر با کدامیک از گزینه های زیر است؟

$$\sup(B) = \infty, \inf(B) = 2$$

$$\sup(B) = \infty, \inf(B) = 1$$

$$\sup(B) = 10, \inf(B) = 2$$

$$\sup(B) = 10, \inf(B) = 1$$

-١٧ کدامیک از عبارتهای زیر همواره برقرار نیست؟

$$A \sim B, C \sim D \Rightarrow A \times C \sim B \times D$$

$$A \sim B, C \sim D \Rightarrow A_C \sim B_D$$

$$A \sim B, C \sim D \Rightarrow A \cup C \sim B \cup D$$

$$A \sim B \Rightarrow P(A) \sim P(B)$$

-١٨ کدام یک از مجموعه های زیر شمارش پذیر است؟

$$N_{(0,1)}$$

$$P(N)$$

$$Q \times N$$

$$[1, 2]$$

-١٩  $Card(P(N \times N))$  برابر با کدام یک از گزینه های زیر است؟

$$\mu^N_0$$

$$N_0$$

$$N_0^2$$

$$\mu^N_0$$

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

تعداد سوالات: تستی: ۲۰ تشریحی: ۵

عنوان درس: مبانی ریاضیات

رشته تحصیلی/ گد درس: ریاضی (محض)، ریاضی (کاربردی)، آموزش ریاضی ۱۱۱۱۰۳۳ - آمار ۹۰۱۱۱۰۹۰

۲۰- کدامیک از گزینه های زیر تعریف لم زورن است؟

۱. اگر هر زیرمجموعه مرتب جزیی از یک مجموعه غیر تهی  $A$  دارای کران بالا باشد، آنگاه  $A$  دارای عضو ماکسیمال است.۲. اگر هر زیرمجموعه مرتب خطی از یک مجموعه غیر تهی  $A$  دارای کران بالا باشد، آنگاه  $A$  دارای عضو ماکسیمال است.۳. اگر هر زیرمجموعه مرتب خطی از یک مجموعه مرتب جزیی غیر تهی  $A$  دارای کران بالا باشد، آنگاه  $A$  دارای عضو ماکسیمال است.۴. اگر هر زیرمجموعه از یک مجموعه مرتب جزیی غیر تهی  $A$  دارای کران بالا باشد، آنگاه  $A$  دارای عضو ماکسیمال است.سوالات تشریحی۱،۴۰ نمره
 $P_x$  یک گزاره نما با مجموعه جهانی  $U$  باشد. در اینصورت نشان دهید عبارت  $\exists x P_x \leftrightarrow \forall x \sim P_x$  معتبر است.
۱،۴۰ نمره۲- فرض کنید  $S, R$  دو رابطه باشند. در اینصورت عبارت زیر را اثبات کنید.

$$dom(RoS) = S^{-1}[domR]$$

۱،۴۰ نمره۳- فرض کنید  $g : B \rightarrow C$  ،  $f : A \rightarrow B$  دو تابع معکوس پذیر باشند. در اینصورت عبارات زیر را ثابت کنید.

$$(f^{-1})^{-1} = f \text{ معکوس پذیر است و}$$

$$(gof)^{-1} = f^{-1}og^{-1} \text{ معکوس پذیر است و}$$

۱،۴۰ نمره۴- فرض کنید  $A$  یک مجموعه غیر تهی و  $P$  یک افزای از  $A$  باشد. رابطه  $\sim$  روی مجموعه  $A$  را به صورت  $x \sim y \leftrightarrow \exists X (X \in P \wedge x, y \in X)$  در نظر بگیرید. در این صورت نشان دهید  $\sim$  یک رابطه هم ارزی روی  $A$  است.۱،۴۰ نمره

۵- ثابت کنید هر زیرمجموعه نامتناهی از اعداد طبیعی، بی شمار است.